# T.C. PAMUKKALE ÜNİVERSİTESİ FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ ELEKTRİK-ELEKTRONİK MÜHENDİSLİĞİ ANABİLİM DALI

# DOĞRUSAL OLMAYAN TEK BOYUTLU MANYETİK LEVİTASYON SİSTEMİNİN MODEL TABANLI KONTROLÜ

YÜKSEK LİSANS TEZİ

MUHAMMET EMRE SANCI

DENİZLİ, TEMMUZ - 2016

# T.C. PAMUKKALE ÜNİVERSİTESİ FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ ELEKTRİK-ELEKTRONİK MÜHENDİSLİĞİ ANABİLİM DALI



# DOĞRUSAL OLMAYAN TEK BOYUTLU MANYETİK LEVİTASYON SİSTEMİNİN MODEL TABANLI KONTROLÜ

YÜKSEK LİSANS TEZİ

MUHAMMET EMRE SANCI

DENİZLİ, TEMMUZ - 2016

### KABUL VE ONAY SAYFASI

Muhammet Emre Sancı tarafından hazırlanan "Doğrusal Olmayan Tek Boyutlu Manyetik Levitasyon Sisteminin Model Tabanlı Kontrolü" adlı tez çalışmasının savunma sınavı 12.07.2016 tarihinde yapılmış olup aşağıda verilen jüri tarafından oy birliği ile Pamukkale Üniversitesi Fen Bilimleri EnstitüsüElektrik-Elektronik Mühendisliği Anabilim Dalı Yüksek Lisans Tezi olarak kabul edilmiştir.

Jüri Üyeleri

İmza

Danışman Prof Dr.Serdar İplikçi Pamukkale Üniversitesi Üye Yrd.Doç.Dr Selami Beyhan Pamukkale Üniversitesi Üye Yrd.Doç.Dr .Savaş Şahin İzmir Katip Çelebi Üniversitesi

Pamukkale Üniversitesi Fen Bilimleri Enstitüsü Yönetim Kurulu'nun 03.08.2016. tarih ve 28.21.... sayılı kararıyla onaylanmıştır.

Prof.Dr. Mehmet Ali SARIGOL F MÜDÛR

Fen Bilimleri Enstitüsü Müdürü

Bu tezin tasarımı, hazırlanması, yürütülmesi, araştırmalarının yapılması ve bulgularının analizlerinde bilimsel etiğe ve akademik kurallara özenle riayet edildiğini; bu çalışmanın doğrudan birincil ürünü olmayan bulguların, verilerin ve materyallerin bilimsel etiğe uygun olarak kaynak gösterildiğini ve alıntı yapılan çalışmalara atfedildiğine beyan ederim.

MUHAMMET EMRE SANCI

# ÖZET

## DOĞRUSAL OLMAYAN TEK BOYUTLU MANYETİK LEVİTASYON SİSTEMİNİN MODEL TABANLI KONTROLÜ YÜKSEK LİSANS TEZİ MUHAMMET EMRE SANCI PAMUKKALE ÜNİVERSİTESİ FEN BİLİMLERİ ENSTİTÜSÜ ELEKTRİK-ELEKTRONİK MÜHENDİSLİĞİ ANABİLİM DALI ELEKTRİK VE ELEKTRONİK MÜHENDİSLİĞİ (TEZ DANIŞMANI:PROF.DR SERDAR İPLİKÇİ)

#### DENİZLİ, TEMMUZ - 2016

Sürtünmesiz yataklar, manyetik alanla çalışan yüksek hızlı yolcu trenleri, maglev asansörler, rüzgâr tüneli kalıplarının kaldırılması,indüksiyon fırınların dökme metallerinin kaldırılması gibi bir çok mühendislik uygulaması günümüzün manyetik levitasyon sistemlerinin örnekleridir.

Bu tez çalışmasında bu tür bir sistemin temel ve basit bir tasarımına ait benzetim ,uygulama ve modelleme çalışmaları,sistemin teorik modellemesi sistematik olarak anlatılmış, MATLAB® Simulink paket programı ile modellenerek sistem için gerekli parametreler sunulmuştur. Küre şeklinde kalıcı mıknatıs bu amaçla elektromıknatıs tarafından oluşturulan manyetik alan ile kontrol edilmektedir. Bu kontrolün amacı yer çekimi, elektromıknatıs akımı ve bozucu etkenlere karşı kalıcı küre mıknatısın kararlı bir durumda askıda havada tutulmasıdır.

Askıda tutulan küre mıknatısın düşey pozisyonu doğrusal bir hall etkisi algılayıcısı kullanılarak ölçülmüştür. Doğrusal olmayan bir sistem olan maglev sistemi bu nedenle uygun bir çalışma noktası için lineerleştirilmiş ve giriş sinyallerindeki küçük değişmeleri izlemesi için parametreleri iyi ayarlanmış PID kontrolör, Lineer olmayan Kayan Kip Kontrolör ve Lineer Olmayan Gözetleyici Tabanlı Durum geri Beslemeli Kontrolör tasarlanmış ve deney sonuçları incelenmiştir. HILINK:Kontrol ve benzetim kartına Matlab/Simulink kullanılarak yüklenen bu kontrolörler ile küre mıknatıs, elektromıknatıs akımı ile kararlı bir şekilde askıda tutulmaktadır.

ANAHTAR KELİMELER:Manyetik Levitasyon, Model Tabanlı Kontrol,Manyetik Askı sistemi

### ABSTRACT

## MODEL BASED CONTROL OF NON LINEAR ONE DIMENSIONAL MAGNETIC LEVITATION SYSTEM

### MSC THESIS

### MUHAMMET EMRE SANCI PAMUKKALE UNIVERSITY INSTITUTE OF SCIENCE ELECTRICAL AND ELECTRONICS ENGINEERING

#### (SUPERVISOR:PROF.DR.SERDAR IPLIKÇİ)

### DENİZLİ, JULY 2016

Anti-fiction bearings, magneticfield, runninghigh-speedpassengertrains, maglevelevators, removal of windtunnelmold, manyengineeringapplications, such as theliftingupof metal cast of inductionfurnacesareexamples of magneticlevitationsystemfortoday.

Inthisstudythefoundations of such a systemandthesimulation of a simpledesign, implementationandmodelingstudies, theoreticalmodeling of describedsystematicallywiththeusage thesystem is of MATLABbymodelingsystemswithSimulink software package.ASphericalpermanentmagnet is controlledbythemagneticfieldproducedbytheelectromagnetforthispurpose. Thepurp ose of thiscontrol holding sphere of thepermanentmagnetin theairagainstgravity, electromagneticcurrentandvariousdisturbanceeffects ina stablesituation.

Verticalposition of theairsuspendedmagnetspherewasmeasuredusing a linearHalleffectsensor.Maglevsystemwhich is a non-linearsystem, for a linearizedsuitableworkingpointandwiththewelltunedparameters PID controllerwiththepurpose oftrackingsmallvariations in theinputsignal, NonlinearSlidingMode Controller andNonlinearObserverbasedstatefeedbackcontroller is designed and test resultswereanalyzed.

#### KEYWORDS:MagneticLevitation,ModelBasedControl,MaglevSystems

# İÇİNDEKİLER

ÖZETHata! Yer işareti tanımlanman	11Ş.		
ABSTRACTHata! Yer işareti tanımlanman	11Ş.		
İÇİNDEKİLER	.iii		
ŞEKİL LİSTESİ	v		
TABLO LİSTESİ	viii		
SEMBOL LİSTESİ	.ix		
ÖNSÖZ	X		
1. Giriş	1		
1.1 Manyetik Askı Sisteminin Kullanım Alanları	2		
1.1.1 Manyetik Yataklar	2		
1.1.1.1 Pasif Manyetik Yataklar	3		
1.1.1.2 Aktif Manyetik Yataklar	3		
1.1.2 Yarı iletken Levha Taşımacılığı	4		
1.1.3 Fotolitografi	4		
1.1.4 Teleoperasyon	5		
1.1.5 Rúzgar Tuneli	6		
1.1.6 Rúzgar Túrbini	7		
1.1.7 Maglev Trenleri	8		
1.1.7.1 Elektromanyetik suspansiyon sistemi (EMS)	9		
1.1.7.2 Elektrodinamik suspansiyon sistemi (EDS)	9		
2. MANYETIK ASKI SISTEMININ KONTROLU	11		
2.1 Dogrusal ve Dogrusal olmayan sistemier	11		
2.1.1 Dogrusal Sistemler	11		
2.1.2 Dogrusal Olinayan Sistemier	11		
2.2 Klasik ve Wodelli Kolluol	11		
2.2.1 Klasik Konuol.	12		
2.2.1.1 ThD (Oranii-Integral-Turev)Kontrol	12		
2.2.2 Wodern Kontrol	13 14		
2.2.2.1 Rayan Kipin Kontrol	15		
2.3 Manyetik Askı Sisteminin Doğrusal Olmayan Durum Denklemleri	17		
2.4 Manyetik Askı Sisteminin Doğrusal Onluğun Durum Denklemleri	$\frac{1}{20}$		
2.5 Manyetik Askı Sisteminin Kayan Kipli Kontrolör Tasarımı	24		
2.6 Manyetik Askı Sisteminin PID Kontrolü	26		
2.7 Manyetik Askı Sisteminin Durum Gözetlevici Tabanlı Kontrolü	31		
3. MANYETİK ASKI SİSTEMİNİN ELEKTROMEKANİK YAPISI	.36		
3.1 Elektromiknatis	37		
3.2 Manyetik Küre	39		
3.3 HILINK:Gerçek Zamanlı Matlab/Simulink Donanımla Benzetim			
Kontrol Kartı	40		
3.4 Hall Etkisi Algılayıcısı	41		
4. MANYETİK ASKI SİSTEMİNİN VE UYGULANAN KONTROL			
METODLARININ BENZETIMI			
4.1 Manyetik Askı Sistemi Benzetim Çalışması	46		
4.2 Manyetik Askı Sistemi PID Benzetim Çalışması	47		

	4.3	Manyetik Askı Sistemi Kayan Kipli Kontrol Benzetim Çalışmas	5148
	4.4	Manyetik Askı Sistemi Durum Geribeslemeli Gözetleyici Tabar	nlı
	Kontro	l Benzetim Çalışması	50
5.	BULG	GULAR	
	5.1	MANYETİK ASKI SİSTEMİNE UYGULANAN KONTROL	
	METO	TLARININ SONUÇLARI	
	5.1.1	Manyetik Askı Sistemi PID Çalışmaları Sonuçları	
	5.1.2	2 Manyetik Askı Sistemi Kayan Kipli Kontrol Çalışmaları	
	Sonu	ıçları	56
	5.1.3	Manyetik Askı Sistemi Durum Geribeslemeli Gözetleyici T	Temelli
	Kont	trol Çalışmaları sonuçları	62
6.	SONU	JÇLAR	66
7.	KAYN	NAKLAR	67
8.	ÖZGH	EÇMİŞ	70

# ŞEKİL LİSTESİ

Sekil 1.1:Pasif manyetik yatak uygulaması
Sekil 1.2:Bir rotorun aktif elektromanyetik yatak uygulamasının prensip sekli.4
Sekil 1.3.:Fotolitografi calısma prensibi
Sekil 1.4:İki serbestlik dereceli Manyetik Teleoperasyon Sistemi
Sekil 1.5: Manyetik Teleoperasyon Sisteminin calışma şekli
Sekil 1.6: Tohoku University 0.3 m Manyetik Rüzgar Tüneli(solda)ve
NASA Langlev Manvetik Rüzgar Tuneli(sağda)
Sekil 1.7: Manyetik Askılı Rüzgar Türbini Yapısı
Sekil 1.8:1 kW manyetik askılı rüzgar türbini
Sekil 1.9:Magnetik Levitasvon Yöntemli Trenler
Sekil 1.10:Sangayda isletmede olan bir maglev treni
Sekil 1.11:EDS maglev treninin calısma prensibi detaylı gösterim
Sekil 2.1: PID kontrolör Blok divagramı
Sekil 2.2:Kavma vüzevi ve Catırtı
Sekil 2.3:Kayan Kipli Kontrolör Blok Diyagramı
Sekil 2.4:Durum Gözlemyelici Kontrolör Blok Diyagramı
Sekil 2.5: Manyetik Levitasyon Sistemin Elektriksel Modeli
Sekil 3.1:Zeltom Manyetik Levitasyon sistemi ve Manyetik Küre
Sekil 3.2: Elektromiknatista Akima Bağlı Kutup ve Alan Cizgileri
Sekil 3.3:Tez Calışmasında Kullanılan Zeltom Manyetik LevitasyonSistemi
Elektromiknatisi
Şekil 3.4:Tez çalışmasında kullanılan neodyum mıknatıs küre
Şekil 3.5:HILINK Gerçek Zamanlı Matlab/Simulink BenzetimKontrolKartı37
Şekil 3.6: Hall Etkisi Algılayıcıda Manyetik Alana Bağlı Gerilim
Oluşumu
Şekil 3.7:Günlük yaşamda kullanılan bir hall etkisi sensörü(TLE4905L) 39
Şekil 4. 1:Manyetik Askı Sistemi Matlab/Simulink Benzetimi45
Şekil 4.2:Kontrol Metodu uygulanmamış Maglev Sistemi Konum Değişimi
Grafiği
Şekil 4.3:Manyetik Askı Sistemi PID kontrol Matlab/Simulink Benzetimi47
Şekil 4.4:Manyetik Askı Sistemi Durum Uzay Modeli ile PID kontrol
Matlab/Simulink Benzetimi
Şekil 4.5:Bölüm 2.2.2.2'de modellenen Kayan Kip Kontrolör Simulink
benzetimi48
Şekil 4.6:Anahtarlama Yüzeyi(Switching Surface)Benzetimi
Şekil 4.7: Durum Geribeslemeli Gözetleyici Tabanlı Kontrol için
Manyetik Levitasyon Sistemi Benzetimi
Şekil 4.8: Durum Geribeslemeli Gözetleyici Tabanlı Kontrol Benzetimi 49
Şekil 4.9: Durum Geribeslemeli Gözetleyici Tabanlı Kontrol Benzetimi50
Şekil 5.1:Manyetik Askı Sistemi PID kontrol Matlab/Simulink Benzetimi Konum
Değişimi Grafiği(h=20mm)
Şekil 5.2:Manyetik Askı Sistemi PID kontrol Matlab/Simulink Benzetimi İvme
DeğişimiGrafiği(h=20mm)
Şekil 5.3:Manyetik Askı Sistemi PID kontrol Matlab/Simulink Benzetimi Akım
Değişimi Grafiği(h=20mm)

Sekil 5.4: Manyetik Askı Sistemi PID kontrol sistem uygulaması Konum Değişimi Şekil 5.5:Manyetik Askı Sistemi PID kontrol sistem uygulaması İvme Değişimi Şekil 5.6:Manyetik Askı Sistemi PID kontrol sistem uygulaması Akım Değişimi Grafiği(h=20mm).)......54 Şekil 5.7:  $c_1 = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için Şekil 5.8: $c_1 = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için sistem Uygulaması z<sub>1</sub>(konum) değişim grafiği......56 Şekil 5.9:  $c_1 = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için Şekil 5.10: $c_1 = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için Sistem Şekil 5.11: $c_1 = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için Sistem Şekil 5.12:  $c_1 = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için Matlab/Simulink Benzetimi simulasyon z<sub>2</sub> (ivme)değişim grafiği......57 Şekil 5.13: $c_1 = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için sistem uygulaması yakınlaştırılmış z<sub>3</sub>(akım)değişim grafiği......57 Şekil 5.14:  $c_{1} = -44.2945$ ,  $c_{2} = +160.3460$ ,  $c_{3} = 44.2945$  Değerleri için sistem Şekil 5.15: $c_1 = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için Şekil 5.16: $c_1 = -38.3523$ ,  $c_2 = +113.2450$ ,  $c_3 = 38.3523$ Değerleri için Şekil 5.17: $c_{1} = -38.3523$ ,  $c_{2} = +113.2450$ ,  $c_{3} = 38.3523$  Değerleri için sistem Şekil 5.18: $c_1 = -38.3523$ ,  $c_2 = +113.2450$ ,  $c_3 = 38.3523$  Değerleri için Şekil 5.19:  $c_1 = -38.3523$ ,  $c_2 = +113.2450$ ,  $c_3 = 38.3523$  Değerleri için sistem Şekil 5.20:  $c_1 = -38.3523$ ,  $c_2 = +113.2450$ ,  $c_3 = 38.3523$  Değerleri için sistem uygulaması z<sub>2</sub>(ivme) değişim grafiği......60 Şekil 5.21:  $c_1 = -38.3523$ ,  $c_2 = +113.2450$ ,  $c_3 = 38.3523$  Değerleri için Matlab/Simulink Benzetimi simülasyonz<sub>2</sub> (ivme)değişim grafiği.....60 Şekil 5.22:  $c_{1} = -38.3523$ ,  $c_{2} = +113.2450$ ,  $c_{3} = 38.3523$  Değerleri için yakınlaştırılmış z<sub>3</sub>(akım)değişim grafiği.....60 Şekil 5.23: $c_1 = -38.3523$ ,  $c_2 = +113.2450$ ,  $c_3 = 38.3523$  Değerleri için sistem uygulaması z<sub>3</sub>(akım) değişim grafiği.....61 Şekil 5.24: $c_1 = -38.3523$ ,  $c_2 = +113.2450$ ,  $c_3 = 38.3523$  Değerleri için Matlab/Simulink Benzetimi simülasyonz<sub>3</sub> (konum)değişim grafiği.i.....61 Şekil 5.25: Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistem uygulaması yakınlaştırılmış konum değişim grafiği......62 Şekil 5.26: Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistem uygulaması konum değişim grafiği.....62 Şekil 5.27: Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistemi Matlab/Simulink simulasyon uygulaması konum değişim grafiği......63

Şekil 5.28: Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistem u	ıygulaması
ivme değişim grafiği	
Şekil 5.29: Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistem	
uygulaması ivme değişim grafiği	63
Şekil 5.30: Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistemi	
Matlab/Simulink simulasyon uygulaması ivme değişim grafiği	64
Şekil 5.31: Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistemi	
uygulaması akım değişim grafiği	64
Şekil 5.32::Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistem u	ıygulaması
akım değişim grafiği64	
Şekil 5.33::Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistem	
Matlab/Simulink simulasyon uygulaması akım değişim grafiği	

# TABLO LÍSTESÍ

# <u>Sayfa</u>

Tablo 2.1: Sistem Parametreleri ve Cevabına PID Katsayıları	13
Tablo 4.1:Magnetik Levitasyon Sistemi Benzetiminde Kullanılan	
Parametre değerleri	40

# SEMBOL LİSTESİ

$\mathbf{R}$ :Ruleyr deligede tutnak tçin gerekir bobin gerinin $\mathbf{R}$ :Bobin Direnci $\mathbf{F}$ :Çekim kuvveti $\mathbf{i}(\mathbf{t})$ :Elektromiknatistan akan bobin akımı $\mathbf{h}(\mathbf{t})$ :Elektromiknatistan akan bobin akımı $\mathbf{h}(\mathbf{t})$ :Küre ile elektromiknatis arasındaki mesafe $\mathbf{U}(\mathbf{t})$ :Uygulanan kaynak gerilimi $\mathbf{m}$ :Kürenin kütlesi $\mathbf{g}$ :Yerçekimi ivmesi $\mathbf{L}$ :Bobin endüktansı $\mathbf{K}$ :Elektromiknatis katsayısı $\mathbf{x}_1(\mathbf{t})$ :Konum	
K:Doom DirectedF:Çekim kuvveti $i(t)$ :Elektromiknatistan akan bobin akımı $h(t)$ :Küre ile elektromiknatıs arasındaki mesafe $U(t)$ :Uygulanan kaynak gerilimim:Kürenin kütlesig:Yerçekimi ivmesiL:Bobin endüktansıK:Elektromiknatıs katsayısı $x_1(t)$ :Konum	
i(t):Elektromiknatistan akan bobin akimih(t):Küre ile elektromiknatis arasındaki mesafeU(t):Uygulanan kaynak gerilimim:Kürenin kütlesig:Yerçekimi ivmesiL:Bobin endüktansıK:Elektromiknatis katsayısı $x_1(t)$ :Konum	
$h(t)$ :Electronikitatistan akan boom akim $h(t)$ :Küre ile elektromiknatis arasındaki mesafe $U(t)$ :Uygulanan kaynak gerilimi $m$ :Kürenin kütlesi $g$ :Yerçekimi ivmesi $L$ :Bobin endüktansı $K$ :Elektromiknatıs katsayısı $x_1(t)$ :Konum	
$\mathbf{u}(t)$ :Interformethicket in the state $\mathbf{U}(t)$ :Uygulanan kaynak gerilimi $\mathbf{m}$ :Kürenin kütlesi $\mathbf{g}$ :Yerçekimi ivmesi $\mathbf{L}$ :Bobin endüktansı $\mathbf{K}$ :Elektromiknatis katsayısı $\mathbf{x}_1(t)$ :Konum	
$\mathbf{m}$ :Eventsian kuynak germini $\mathbf{m}$ :Kürenin kütlesi $\mathbf{g}$ :Yerçekimi ivmesi $\mathbf{L}$ :Bobin endüktansı $\mathbf{K}$ :Elektromiknatıs katsayısı $\mathbf{x}_1(t)$ :Konum	
$\mathbf{g}$ :Yerçekimi ivmesi $\mathbf{L}$ :Bobin endüktansı $\mathbf{K}$ :Elektromiknatis katsayısı $x_1(t)$ :Konum	
L:Bobin endüktansıK:Elektromiknatis katsayısı $x_1(t)$ :Konum	
$K$ :Elektromiknatis katsayısı $x_1(t)$ :Konum	
$x_1(t)$ : Konum	
$x_2(t)$ : Hiz	
$x_3(t)$ : Akim	
$K_p$ : Oransal kazanç	
$K_i$ : İntegral kazanç	
K <sub>D</sub> : Türev kazanç	
<b>u</b> ( <b>t</b> ) : Kontrol İşareti	
L <sub>g</sub> : Gözetleyici Kazancı	
<b>ρ(z,u)</b> : Girişe bağlı anahtarlama yüzeyi	
<b>x</b> : Gözetleyicinin durum vektörü	
<b>ŷ</b> : Sistemin tahmin edilen çıkışı	
<b>O</b> : Gözlemlenebilirlik matrisi	
<b>S</b> : Sistemin durum uzay gösterilimi kontrol edilebilirlik matrisi	
$\phi_0(s)$ : Gözetleyicinin karakteristik polinomu	
$\overline{\mathbf{S}}$ : Sistemin kontroledilebilirkanonik form kontrol edilebilirlik m	atrisi
$\phi(s)$ : sisteminin karakteristik polinomu	
$\phi_d(s)$ : Kapalı çevrim sisteminin istenilen karakteristik polinomu	
e : Gözetleme hatası	
<b>C</b> <sub>o</sub> : kontrol edilebilirlik matrisi	
Σ : Sistem	
$w_n$ : Doğal Frekans	
ζ : Sönümleme Oranı	
J : Maliyet Fonksiyonu	

# ÖNSÖZ

Uzun ve zorlu bir süreç olan eğitimim boyunca bana desteklerini esirgemeyen başta danışman hocam Sayın Prof.Dr. Serdar İplikçive her zaman yanımda olan, sevgi ve desteğini üzerimden esirgemeyerek bu günlere gelmemde büyük pay sahibi olan annem Nesrin ve babam Suat'a tüm kalbimle sevgi, saygı ve minnetlerimi sunarım.

### 1. Giriş

Dünyanın geçmişten bugüne değişmeyen yegane kanunu olan yer çekimi kanuna göre serbest bırakılan cisimler en kısa sürede bu kanun gereği oluşan kuvvet sonucu yere düşer, bu kuvvet yerçekimi kuvvetidir ve yatay olarak hareket eden cisimlere dik olarak etki ederek bir sürtünme kuvvetinin doğmasına sebep olur.Bir çok bilim alanında olduğu gibi Kontrol Biliminde de karşılaşılan temel sorunlardan biri sürtünme ve vantilasyon sonucu meydana gelen ve sistemin çalışma performansını düşüren kayıplardır. Günümüzde,süper iletken teknolojisi bu gibi kayıpları en aza indirmek için kullanılan geliştirilmiş en etkili teknolojidir, kullanışlı olan bu teknoloji buna rağmen oldukça maliyetlidir.Bundan dolayı, yüksek performanslı ve daha düşük maliyetli sistem arayışı doğmuştur ve bunun sonucunda manyetik levitasyon (maglev) sistemlerinin geliştirilmesiyle sonuçlanmıştır.

Herhangi ferromanyetiknesneyi veya ferromanyetik nesne ile birleştirilmiş herhangi bir objeyidesteksiz yardımsız olarakelektro mıknatıslarla manyetik alanlar oluşturup bu manyetik alanları kullanarak, mekanik temas olmadansankide sürtünme yokmuş gibidenilebilecekşekilde temassız biçimde havada askıya almaya, dengede tutmayısağlayan sistemler manyetik askı sistemleridir. Yerçekimi etkisine karşı manyetik alanlar bu sistemlerde kullanılmaktadır.Bir elektromıknatıs tarafından yerçekimine karşı elektro manyetik alan oluşturarak bu alan yardımıyla elektromanyetik askı sistemi (MAS) yerçekimine karşı çekme kuvvetine göre manyetiksüspansiyon sistemi (MSS) ve itme kuvvetine göre manyetik levitasyonsistemi (MLS) olarak adlandırılırlar (Jayawant, B, 1981).

Ferromanyetik cismi kendisine çeken bir elektromıknatıs içeren maglev sistemlerinin çalışma yöntemi,cisim ile mıknatıs arasındaki uzaklığın karesi ile ters orantılıçekim kuvveti oluşturan manyetik alanın, cismi elektromıknatısın demir çekirdeğine yapıştırmadan hemen önce bobinin yüklenmesini kesip veya cisim düşüşteyken bobini tekrar yükleyip cismin dengede kalmasını sağlamaktır yani geri beslemesiz bir düzen ileferromanyetik özellikli nesne denge noktasından aşağıda kalırsa, aşağıya düşecek, yukarıya kaçarsa elektromıknatısa yapışacaktır, dengedeyken en ufak bir bozucu etki geldiğinde de denge noktasından uzaklaşacaktır bu davranıştaki sistem kararsızdır.Bundan ötürü cismi el ile denge noktasında tutmak imkansızdır bu amacı gerçekleştirmek için bobininyüklenip, yüklenmeyeceğine karar verebilecek bir kontrolsistemi kullanılmalıdır. Ancak sistemdeki doğrusal olmayan dinamikler dolayısıyla sistemi matematiksel olarak modelleyen karmaşık diferansiyeldenklemlerleetkin bir kontrol sistemi geliştirebilmek için bu sistemlerin çeşitli çalışma noktalarında doğrusallaştırılarak , geri beslemeli kontrolörlerin bu modelleredayanarak gerçekleştirilmesi sıklıkla uygulanan bir yöntem olmuştur.

İşte, havada serbest halde bırakılan cismi dikeyde temassız askıda tutabilen maglev sistemleri gün geçtikçe daha çok dikkat çeker hale gelerek ve kendisine endüstride Manyetik askı sistemleri sürtünmesiz dişli yatağı,tasarımı, titreşim izolasyonlu masa tasarımı ,manyetik olarak askıda kalan rüzgâr türbinleri,çipüretim tezgahlarının kontrolü amacıyla geliştirilmiş hızlı ve hassas konumlandırma sistemleri ve hızlı trentasarımı gibi bir çok uygulama alanı bulmuştur.Bugüne baktığımızda manyetik askı sistemleri halen inanılmaz bir hızla gelişmekte olup insanlığa ve doğaya bir çok katkı sağlamaya devam etmektedir. Ayrıca, süper iletkenler ile ilgili gelişmelerle de yeni ürünlerin geliştirilmesi büyük bir ivme kazanmasıyla devam etmektedir.

#### 1.1 Manyetik Askı Sisteminin Kullanım Alanları

#### 1.1.1 Manyetik Yataklar

Manyetik yatak; metal bir mil sisteminin manyetik alan içinde, boşlukta asılı durumdayken serbest bir şekilde yatay veya dikey eksenleriboyunca dönebildiğiferromanyetik mil sistemidir. Yataklarda meydana gelen manyetik etkiler, sistemdeki stator ile sürekli olarak etki alınarak milin boşluk içerisinde merkezde kalması ve radyal olarak havada askıda kalması sağlanmaktadır. Stator mili manyetik olarak çekme ve itmesi sonucu oluşan elektromanyetik alanın düzenlenmesini ve döngüyü sağlayan elektronik servo devresi kapalı olsa dahi milin normal durumda eksen olarak dengede kalmasını sağlayabilmektedir.Mekaniksel sürtünme ve yağlanmaya olmamasından dolayı, sessiz çalışma ve temizlik gibi çeşitli avantajlara

sahiptirler. Manyetik yatakların ömürleri uzun olduğu için ekipmanlarda aşırı tasarruf sağlanmasına neden olur. (Samtaş ve Güllü, 2006)

#### 1.1.1.1 Pasif Manyetik Yataklar

Birbirini etkileyen iki manyetik parçadan oluşur. Manyetik yatağı oluşturan parçalar kalıcı mıknatıs olup sabit veya hareketli olabilirler. Pasif manyetik yatakları oluşturmada kullanılan mıknatısları çeşitli geometrik şekillerde yapmak mümkündür (Samtaş ve Güllü, 2006).



Sekil 1.1: Pasif manyetik yatak uygulaması, YBa2Cu3O7(50.000-120.000 rpm).

#### 1.1.1.2 Aktif Manyetik Yataklar

Rotoru hiçbir mekanik temas olmaksızın manyetik olarak asılı duran ve bu nedenle çok az bir kaybı olan, yüksek devirli hızlardakullanılabilen, yağlanmasıgerekmeyen, fazla bakım gerektirmeyen ve yüksek güvenirlilik oranı olan, elektromıknatıslarla oluşturulan manyetik düzenlere aktif manyetik yatak denir. Aktif manyetik yataklarda stator sabit bir elektromıknatıstan ibarettir. Statorun yapısı bir elektrik motorunun statoruna benzerdir(Sarı, 2006).



Şekil 1.2: Bir rotorun aktif elektromanyetik yatak uygulamasının prensip şekli.

#### 1.1.2 Yarı iletken Levha Taşımacılığı

Manyetik askı sistemleri tozsuz bulundurmadıkları ve temassız olması sayesinde üretim esnasında yarıiletken levhaların taşınması için idealdirler. Dış kaynaktan aktarılan manyetik enerji sayesinde taşıyıcı platform doğrusal olarak temassız hareket kabiliyetine sahiptir. Bu sistemde iki adet havada taşıyıcı, iki adet askıda tutan elektromanyetizma ve bir adet itici mevcuttur (Shameli, 2008).

#### 1.1.3 Fotolitografi

Manyetik askı sistemi, fotolitografi basamaklarında kullanım içinde uygundur.İşlem aşamaları boyunca manyetik askı sistemi, normal bir düzlemde küçük yer değiştirmeler sağlamak üzere küçük dönüşler ve küçük adımlar ile ilerlemeyi sağlar.

Şekil 1.3'te 50(mm) x 50(mm)" ye 2D düzleminde manyetik askı sistemi ile yüksek hassasiyet baskı işlemi yapılmıştır (Shameli, 2006).



Şekil 1. 3:Fotolitografi çalışma prensibi.

### 1.1.4 Teleoperasyon

Tehlikeli biyolojik laboratuvarlar, Nükleer reaktörler, kimyasal tesisler gibi çevresel tehlikelerin olduğu çalışma alanlarında ve mini cerrahi operasyonlarda manyetik askı sistemi ile çalışan Teleoperasyon sistemleri ileri teknoloji ile uygulanabilmektedir (Shameli, 2006).



Şekil 1.4:İki serbestlik dereceli Manyetik Teleoperasyon Sistemi.



Şekil 1.5: Manyetik Teleoperasyon Sisteminin çalışma şekli.

## 1.1.5 RüzgarTuneli

Manyetik askılı rüzgar tünellerinde, büyük açıda saldırı testi, dijital sistem kontrolü, savrulma kontrolü, sistem hata tolerans testleri yapılabilmektedir. Büyük ölçekli tesislerin tasarım çalışmaları başlamış olup hala devam etmektedir (Shameli, 2006).



Şekil 1.6: TohokuUniversity 0.3 m Manyetik Rüzgar Tüneli(solda)ve NASA Langley Manyetik Rüzgar Tuneli(sağda).

#### 1.1.6 Rüzgar Türbini

Verimi arttırmak amacıyla manyetik askı sistemli rüzgar türbinleri İlki geliştirilmiştir. Elektrik üretim seviyeleri maksimumdur. Pekin'de WindPowerAsia fuarında tanıtılmıştır. Rüzgar Türbininde daimi mıknatıs kullanılarak dikey duran bıçakları kaldırmak için manyetikkuvvet üretilir ve makinenin tabanı üzerinde havada asılı tutulurlar. Bu türbinler hiçbirelektrik harcamaması sebebiyle çalışması boyunca ek elektrik kaynağı gerektirmez. Türbinkanatları daimi mıknatıs ile manyetik kuvvet ürettiğinden rulmana gerekyoktur. Sürtünme olmadığından enerji kaybıminimumdur. Bunun sonucunda bakım maliyetleri önemli miktarda düşer, jeneratör ömrü uzar. Bu tasarım ile türbin kanatları ve tabanarasındaki sürtünme önemli ölçüde azaltılabilir ve maksimum güç çıkışı üretilir.



(http://www.scribd.com/doc/30914921/Maglev-Wind-Turbine)

Şekil 1.7: Manyetik Askılı Rüzgar Türbini Yapısı



Şekil 1.8:1 kW manyetik askılı rüzgar türbini.

#### 1.1.7 Maglev Trenleri

Maglev kavramı; iki mıknatısın aynı kutuplarınınbirinin diğerini itmesi prensibine göre çalışan ve şu anda en güncel olan hızlı trenlerin adıdır.Uygun olarak alt alta konumlandırılmış iki mıknatıstan biri manyetik itme kuvvetinin etkisiyle diğerinin üzerinde hiçbir şeye değmeden havada askıda kalabilir. Temel çalışma ilkesi maglev trenleri için budur. Maglev trenlerin altında mıknatıslar yerleştirilmiştir. Buna paralel olarak maglev trenler için özel olan tren raylarında da elektromıknatıslar yerleştirilir. Bir telin üzerinden elektrik akımı geçirilerek oluşturulan manyetik alana sahip mıknatıslar elektromıknatıstır.Tellerden akım geçmediği durumda manyetik etki oluşmaz ya da akımın yönünün kontrolüyle mıknatısın kutupları değiştirilebilir. Bu mıknatıslar sayesinde tren, raylar üzerinde 1-10 cm arasında bir yükseklikte ilerler. Raylarla temas olmadığı için sürtünme yok denecek kadar azdır. Trenin şekli de havayla sürtünmeyi en aza indirecek şekilde tasarlanır (Erdem, 2007).

#### 1.1.7.1 Elektromanyetik süspansiyon sistemi (EMS)

EMS, elektromanyetik süspansiyon sistemidir. EMS sistemleri günümüzde, bir çelik ray üzerinde geri bildirimli bir kontrol sistemi vasıtasıyla tren sabit bir yükseklikte havada askıda tutulur. Elektromanyetik süspansiyon sistemi (EMS) çekici kuvveti araç üzerine konumlanan elektromıknatıslar kullanarakoluştururkılavuzlama yolundaki ferromanyetik malzemeden yapılmış raylarla olan etkileşim dolayısıyla kızak üzerinde kayar gibi hareket eder (Erdem, 2007).

#### **1.1.7.2** Elektrodinamik süspansiyon sistemi (EDS)

EDS, elektrodinamik süspansiyon sistemidir. Elektrodinamik süspansiyon sisteminde sadece tren değil demiryolundada manyetik alanlar oluşturulur ve bunun sonucunda tren havada askıda kalır. Trenin üzerindeki manyetik alan süper iletken mıknatıslar vasıtasıyla veya kalıcı mıknatıslar kullanılarak, treni iten kuvvet ise yol içindeki elektromıknatısların kutupları trene ileri doğrultuda hareket ettirecek şekilde dinamik olarak değiştirilmesi sonucu tren en yüksek hızaulaşacak şekilde kontrol edilir (Erdem, 2007).



Şekil 1.9: Magnetik LevitasyonYöntemli Trenler.



Şekil 1.10:Şangayda işletmede olan bir maglev treni.





Şekil 1.11:EDS maglev treninin çalışma prensibi detaylı gösterim.

## 2. MANYETİK ASKI SİSTEMİNİN KONTROLÜ

#### 2.1 Doğrusal Ve Doğrusal olmayan sistemler

Sistemler iki tipte sınıflandırılabilir:Doğrusal ve Doğrusal olmayan sistemler.Günlük yaşamda çoğu sistem doğrusal olmayan sistemler arasında yer alır.

#### 2.1.1 Doğrusal Sistemler

Doğrusal(Lineer) sistem lineer işlemlerde kullanım temelli matematiksel bir modeldir, doğrusal olmayan sistemlerden daha basit özellikler ve karakteristikler gösterirler. Doğrusal sistemler süper pozisyon ve homojenlik özelliklerini taşır. Doğrusal sistemler otomatik kontrol teorisi, sinyal işleme ve telekomünikasyon alanında önemli uygulamalarda yer bulurlar.

#### 2.1.2 Doğrusal Olmayan Sistemler

Doğrusal olmayan sistem süper pozisyon(Süper pozisyon eğer  $x_1(t)$ girişine karşılık gelen  $y_1(t)$  tepkisi ise ve  $x_2(t)$  girişine karşılık gelen $y_2(t)$ tepkisi ise, iki girişin net tepkisi bu iki girişin tepkileri toplamıdır.)ve homojenlik(homojenlik belirli bir faktörle orantılanmış girişin aynı faktörle orantılanmış çıkış üretmesidir)uygulanamayansistemlerdir. Bu yüzden bu sistemlere çözüm üretmek için kullanılan yöntem onları lineerizasyonla doğrusal sistemlere dönüştürmektir; ancak bu metot sadece belirli aralıklarda kullanılabilmektedir.

#### 2.2 Klasik Ve Modern Kontrol

Kontrol sistemleri iki tipte sınıflandırılabilir bunlar klasik kontrol ve modern kontroldür. Her biri uygulandıkları alanlar üzerinde farklı avantajlara sahiptir.

#### 2.2.1 Klasik Kontrol

Klasik kontrolün kullanım alanı tek giriş ve tek çıkış(SISO) sistemlerle sınırlıdır ve kullanılan metotlar doğrusal sistemlerde frekans tepkisi ölçümüne dayanır. Lineer sistemler bir transfer fonksiyonu modeli ile tanımlanır. Klasik kontrol teorisi kullanılarak en yaygın tasarlanan kontrolcüler PID kontrolcülerdir(uygulamaların %90'ı bu kontrolcüyü kullanır.

#### 2.2.1.1 PID (Oranti-İntegral-Türev)Kontrol

PID günümüzde endüstride en yaygın olarak kullanılan otomatik kontrol yöntemidir. Bir PID kontrolör çıkış ve arzu edilen giriş arasındaki hatayı düzeltir veya hesaplamalar yaparak bu hatayı ayarlar veya sistemin çıkışını ayarlayacak olançıkış düzeltmesini verir.Bir PID kontrol genel hali zaman domaininde 2.1'deki gibidir.

$$u(t) = K_p e(t) + K_i \int_0^t e(\tau) + K_D \frac{de}{dt}$$
(2.1)

Burada  $K_p$  oransal kazanç,  $K_i$  integral kazanç,  $K_D$  türev kazançtır.



Şekil 2.1: PID kontrolör Blok diyagramı.

PID kontorölörün S domanindeki transfer formu 2.2'deki şekildedir :

$$G_c(s) = K_p + K_D s + \frac{K_i}{s}$$
(2.2)

Çıkış bilgisi ve Referans bilgisi arasındaki fark bilgisi hata bilgisi olarak oluşturulur.PID transfer fonksiyonuyla belirlenen kontrol işareti bu hata bilgisi kullanılarak oluşturulur ve sisteme uygulanır bunun sonucunda sisteme uygun kazanç parametreleri ile, kısa oturma zamanlı düşük yukarı ve aşağı taşmalı, düşük yükselme zamanlı ve yok edilmiş kararlı hal hatası ile denge konumuna getirilir.PID katsayılarının sistem parametrelerine cevabı aşağıdaki tabloda özetlenmiştir.

Tablo 2.1 : Sistem Parametreleri ve Cevabına PID Katsayıları

	Kararlı Hal	Yükselme	Aşma	Oturma Zamanı
	Hatası	Zamanı		
$K_p$	Azalır	Süre Azalır	Aşım Artar	Küçük bir
				değişim
K <sub>i</sub>	Ortadan Kalkar	Süre Azalır	Aşım Artar	Artar
K <sub>D</sub>	Küçük bir	Küçük bir	Aşım Azalır	Azalır
	değişim	değişim		

#### "Control TutorialsforMatlab",

(http://ctms.engin.umich.edu/CTMS/index.php?example=Introduction&section=Cont rolPID)

## 2.2.2 Modern Kontrol

Modern kontrol durum uzay denklemleri ile ilgilenir ve metodları zaman tepkisi ölçümüne dayanır. Bu şekilde kontrol edilen sistemler çoklu giriş ve çoklu çıkış(MIMO)sistemleri kapsar ve magnetiklevitasyon sistemi gibi Lineer olmayan sistemler üzerinde çalışır.Adaptif Kontrol ve Robust kontrol bunlara örnek olarak verilebilir.

#### 2.2.2.1 Kayan Kipli Kontrol

Temeli Lyapunov kararlılık koşulları üzerine kurulu disturbans ve sistem parametrelerindeki değişimlere karşı değişken yapılı kontrol sistemlerinde önemli miktarda dayanıklılık sağlayan bir yaklaşımdır doğrusal veya doğrusal olmayan sistem tasarımında büyük kolaylık sağlamaktadır. Bu yaklaşım geri beslemeli sistem parazitlerine karşı olan gürbüzlüğüyle çalışmacıların dikkatini çekmekte ve bu sebepten ötürü otomotivde motor kontrol sistemleri,robotik sistemler, ve manyetik askı sistemleri gibi çok çeşitli uygulama alanlarında başarılı biçimde uygulanmıştır ( Shkolnikov, I. A., Shtessel,2000),( Camacho, O., Smith,2000),( Guldner, J., Utkin,1995).

Durum uzay değişkenlerinin kararlı koşullaraulaşmak için etrafında dalgalandıkları bir eksen olan kayma yüzeyi eğiminin, kayan kipi tasarlamak için öncelikle bilinmesi gerekir. Burada amaç seçilen kontrol değişkeninin referans ve ölçülen değerleri arasındaki fark ile oluşan hatanın zamana bağlı türevlerini sıfır yapmak veya durum uzay değişkenlerini tanımlanan denge konumuna ulaştırmaktır.



Şekil 2.2:Kayma yüzeyi ve Çatırtı

Sistemin kararlılığını koruyabilmek için hata veya durum değişkenleri işletim süresince kayma yüzeyi üzerinde tutulmaya çalışılırken kontrol kuralının sürekli genlik ve yön değiştiren kontrol sinyali üretmesi sonucu uygulamalarda çatırtı (İng. chattering) denilen istenmeyen bir durum oluşmaktadır. Çatırtı, kontrol edilen sistemde yorulmalara sebep olarak sistemin ömrünü ciddi oranda kısaltmaktadır. Ayrıca, sistemin istenildiği şekilde kontrolünün sağlanabilmesi çin belirtilen değişken genlik ve yöndeki akım her zaman eyleticilere sağlanamamaktadır. Çatırtının azaltılması için çeşitli önerilerde bulunulmuş olup, belirtilen öneriler; çatırtı ve kontrol kararlılığı arasında bir uzlaşı oluşturulması temeline dayanmaktadır. Bir başka deyişle sistemin kararlılık marjından bir ölçüde feragat edilerek çatırtının şiddeti azaltılmaya çalışılmaktadır. Buda, çatırtının hissedilir miktarda sönümlenmesine karşın, kontrol sisteminin gürbüzlüğünü oldukça azaltmaktadır. Çatırtıyı enaza indirirken sistem kararlılığından fedakarlık etmemek için kayma yüzeyi eğiminin kontrol sisteminin bulunduğu konuma göre işletim süresince değiştirilmesi işlemi uygulanmaktadır. Ancak, belirtilen yaklaşım yüksek işlem hızları gerektirmesi sonucu özellikle düşük çalışma frekanslı uygulamalarda gerçeklenememektedir(Tokat, S.,2003),(Damiano, A., Gatto,2004).



Şekil 2.3:Kayan Kipli Kontrolör Blok Diyagramı

#### 2.2.2.2 Durum Gözetleyici Kontrol

Gözetleyici bir sistemin giriş ve çıkış verilerinden, ölçümlerinden sistemin iç durumuna ait tahminler sağlayan bir sistemdir ve sistemin gerçek zamanlı simülasyonu, gözetleyiciden türetilmiş tahmin edilen çıkış ve sistemin gerçek çıkışı arasındaki fark ile sistemi süren aynı girişten oluşmaktadır.

Gözetleyicinin durum vektörü  $\hat{x}$  ile gösterilirse gözetleyicinin durum uzay tanımı aşağıdaki şekilde olur:

$$\dot{\hat{x}} = A\hat{x} + \text{Bu-}L_g(y - \hat{y}) \tag{2.3}$$

Burada  $L_g$  gözetleyici kazancıdır ve  $\hat{y} = C\hat{x} + Du$  sistemin tahmin edilen çıkışıdır. Gözetleyici tasarlanırken gözetleyici kazancı  $L_g$  öyle seçilmelidir ki geri besleme matirisi $A - CL_g$  asimtotoik olarak kararlı yani bütün özdeğerleri negatif gerçek kısımlı olmalı böylelikle varsayım hatası e(t) herhangi bir başlangıç koşulu altında e( $t_0$ ) zamanla sıfır'a ulaşır. Bu kararlılık koşulu eğer (A,C) matrisleri gözetlenebilirsesağlanır. Gözetleyici özdeğerlerinin istenen şekilde kompleks sol yarı düzlemde yerleştirilmesi ve asimptotik olarak kararlılığın sağlanması için ( $A^T C^T$ ) matrisleri kontrol edilebilir olmalıdır yani bu matris çifti sistemin gözetlenebilirlik matrisleri (A,C)'ye eşit olmalıdır (V.Radisavljevic,2014).

Gözetleyici tasarımında dikkat edilmesi gereken hususlardan biri olarak bahsedilen olan kontrol edilebilirliğe değinilirse, sistemin arzu edilen ilk durumundan, arzu edilen son durumuna kadar aldığı her durum değişkeninden bir giriş bulunabiliyorsa bu sistem kontrol edilebilirdir denir aksi durumdaki sistemler içinde kontrol edilemez sistem denir. n. Dereceden bir sistemin kontrol edilip edilemediğini kontrol edilebilirlik matrisi  $C_o$  'nin sıralaması'nı(rank) kullanarak belirleyebiliriz, bu matris 2.4'te gösterildiği gibi fullrank ise sistem için kontrol edilebilirdir diyebiliriz(V.Radisavljevic,2014).

$$C_o = \begin{bmatrix} B & AB & A^2B & \dots & A^{n-1}B \end{bmatrix}$$
(2.4)

Bir gözetleyici kontorolörün tasarımı geri besleme durumlarının ayarlanabilir kazançlardan oluşmasına dayanır bir çok zaman bu donanımsal olarak sağlansada pratik uygulamada durum değişkenlerinin bazıları donanımsal olarak elde edilemeyebilir işte bir gözetleyici sistemden bu ulaşılamayan durum değişkenlerinin hesaplanmasında kullanılır. n.Dereceden bir sistem eğer gözlemlenebilirlik matrisi O 2.5'teki gibi fullrank ise gözetlenebilirdir(V.Radisavljevic,2014).

$$O = \begin{bmatrix} C \\ CA \\ CA^2 \\ \vdots \\ CA^{n-1} \end{bmatrix}$$
(2.5)

Bütün bu koşullar sağlandığında gözetleyici öz değerleri sistemin öz değerlerinden yaklaşık 10 kez hızlı olarak seçilmelidir buda gözlemcinin öz değerlerinin en küçük reel kısmının, kapalı çevrim sistemin öz değerlerinin gerçek kısmından 10 kez daha büyük olarak seçilmesiyle sağlanır. Teorik olarak gözlemci kapalı çevirim öz değerlerinin sol kompleks düzlemde çok uzağa yerleştirilmesiyle istenilen hızda olması sağlanabilir fakat çok hızlı gözlemciler istenilen bir sonuç olmayan gürültü oluşturur. Bu yüzden pratikte kapalı çevirim gözlemleyici öz değerleri kapalı çevrim sistem öz değerlerinden 5-6 kez hızlı olarak seçilir.Bu noktada dikkat edilmelidir kikusursuzgeribeslemeli kontrol kullanılabilirse ,sistem-gözlemci konfigürasyonunun kapalı çevrim sistemi öz değerlerinin muhafaza edebilecek şekilde olmasımükün olacaktır(V.Radisavljevic,2014).



Şekil 2.4: Durum Gözlemyelici Kontrolör Blok Diyagramı

#### 2.3 Manyetik Askı Sisteminin Doğrusal Olmayan Durum Denklemleri

Lineer differansiyel denklemlerle sistemleri tanımlanın farklı yolları vardır örneğin temsili Durum-Uzay denklemleri aşağıda gösterilmiştir.

$$\frac{d(x)}{dt} = Ax(t) + Bu(t) + Ew(t)$$
(2.6)  
$$y(t) = Cx(t) + Du(t) + Fw(t)(2.7)$$

Yukarıdaki temsili denklemlerde x, durumu temsil eden (nx1) bir durum vektörü, u kaynağı ifade eden (px1) giriş vektörü ve w ise bozucu etken ve gürültüyü ifade etmekte olan (vx1) bozucu vektörüdür. y ise çıkışı ifade eder (qx1) bir çıkış vektörüdür.

A(nxn), B (nxp), C (qxn), D(qxp), E(nxv) ve F(qxv)lik matrisler durum, giriş çıkış ve bozucu etken değişken değerleri arasındaki ilişkileri, bağıntıları belirleyen katsayı matrisleridir.

Analiz ve sentezi zor olması sebebiyle doğrusal olmayan sistemler mümkün oldukça doğrusallaştırılmalıdır.Durum uzayı gösterimi tek girişli sistemlerle kullanılabildiği gibi çok giriş ve çıkışlı sistemlerle de kullanılabilir.

Manyetik Askı Sisteminin durum uzayı gösterimi tek girişli tek çıkışlı bir sistem modelidir. Sistemin elektriksel yapısı aşağıdaki şekilde gösterilmiştir.



Şekil 2.5: Manyetik Levitasyon Sistemin Elektriksel Modeli.

Elektromiknatıs tarafından askıda tutulan demir küreye uygulanan kuvvet için Kuvvet Denklemi yazılırsa:

$$F = \frac{Ki^2(t)}{h(t)}$$
(2.8)

Burada;

F; Çekim kuvvetini, (N)

i(t); Elektromiknatistan akan bobin akimini, (A)

K; Elektromiknatis katsayısını,  $(Nm/A^2)$ 

h(t); Küre ile elektromıknatıs arasındaki mesafeyi (m)

göstermektedir.

Newton'un kuvvet ve Kirchooff'un gerilim yasaları kullanılarak sisteme ilişkin diferansiyel denklemler aşağıda gösterildiği gibi yazılabilir:

$$m\frac{d^{2}h(t)}{dt} = mg - \frac{Ki^{2}(t)}{h(t)}$$
(2.9)

$$u(t) = Ri(t) + L\frac{di(t)}{dt}$$
(2.10)

Burada;

h(t); Topun düşey konumunu, (m)

i(t); Elektromiknatistan akan bobin akimini, (A)

U(t); Uygulanan kaynak gerilimini, (V)

m; Kürenin kütlesini, (Kg)

- g; Yerçekimi ivmesini, (m/s2)
- L; Bobin endüktansını, (H)
- R; Bobin direncini,  $(\Omega)$

K; Elektromiknatis katsayısını (Nm/A2)

göstermektir.

Durum değişkenleri belirlenirken her zaman sistemin bağımsız enerji depolayan elementlerini göz önüne almakta fayda vardır burada sistemin durum değişkenleri sırasıyla konum, hız ve akımdır ve matematiksel olarak aşağıda gösterilen şekilde tanımlanırlar.

$$x_1(t) = h(t)$$
 (2.11)

$$x_2(t) = \frac{dh(t)}{dt}$$
 (2.12)  
 $x_3(t) = i(t)$  (2.13)

Bu durumda sisteme ait durum değişkenleride kullanılarak sistemin differansiyel denklemleri yazılırsa :

$$\frac{dx_1(t)}{dt} = x_2(t) \qquad (2.14)$$

$$\frac{dx_2(t)}{dt} = g - \frac{Kx_3(t)}{mx_1(t)} \qquad (2.15)$$

$$\frac{dx_3(t)}{dt} = -\frac{R}{L}x_3(t) + \frac{1}{L}u(t) \qquad (2.16)$$

#### 2.4 Manyetik Askı Sisteminin Doğrusallaştırımış Durum Denklemleri

Fiziksel sistemler ele alındığında bir çok eleman ve sürücünün karakteristik olarak doğrusal olmadığı görülür.Uygulamada bazı sistemler için doğrusalsızlığın ılımlı veya sadece belirli çalışma bölgelerinin dışında etkin olduğu görülür. Bu sistemlerin belirli çalışma bölgeleri içinde doğrusal sistem olarak modellenmesi, yeterli doğruluk oranına sahip analitik sonuçlar verebilir. Ancak doğrusalsızlığının mertebesi yüksek olan bir çok fiziksel sistem bulunmaktadır.

2.9 denkleminde verilmiş olan durum denklemi doğrusal değildir. Bu tür sistemler için türetilen doğrusal model sadece doğrusallaştırmaişleminin yapıldığı çalışma noktası ve çok sınırlı çalışma bölgesi içinde geçerlidir. Ancak burada ödemli olan doğrusallaştırılmış sistemin bu belirli çalışma noktası etrafındaki modelinde

zamanla değişen elemanların bulunabilmesidir.Doğrusallaştırma için bir yöntem şu şekilde verilebilir (Kuo.B,199).

Doğrusal olmayan sistemin, doğrusal olmayan denklemleri bir Taylor serisine açılır. Açılımda bulunan birinci mertebedendaha fazla mertebeli terimler atılır veböylece doğrusal olmayan denklemin nominal nokta etrafındaki doğrusal yaklaşığı elde edilir.

Doğrusal olmayan bir sistem için durum denklemi aşağıda gösterildiği gibi ifade edilebilir.

$$\frac{dx(t)}{dt} = f[x(t), r(t)] \qquad (2.17)$$

Burada x(t), (nx1) boyutlu bir durum vektörü, r(t), (px1) boyutlu bir girişvektörü ve f [x(r), r(t)] ise (nx1) boyutlu genelde durum ve giriş vektörlerininbir vektörel fonksiyonudur.

Belirli bir başlangıç durumunda nominal  $r_0(t)$  girişine karşın nominal çalışma yörüngesini  $x_0(t)$  olarak ifade edelim. Denklem 2.17gösterilen doğrusal olmayan durum denklemi  $x(t) = x_0(t)$  etrafında bir Taylor serisine açılımı yapılıp yüksekmertebeden terimlerin tümü yok edilirse, i = 1, 2, ..., n olmak üzere

Aşağıda verilen denklem elde edilir.

$$\dot{x}_{i}(t) = f_{i}(x_{0,r_{0}}) + \sum_{j=1}^{n} \frac{\partial f_{i}(x,r)}{\partial x_{j}} \Big|_{x_{0}r_{0}} \left( x_{j} - x_{0j} \right) + \sum_{j=1}^{p} \frac{\partial f_{i}(x,r)}{\partial r_{j}} \Big|_{x_{0}r_{0}} \left( r_{j} - r_{0j} \right) (2.18)$$

Ayrıca fark değerleri Denklem 2.19 ve Denklem 2.20 olarak

tanımlandığında Denklem 2.20 ilişkisi sağlanır.

$$\Delta x_i = x_i - x_{0i} \tag{2.19}$$

$$\Delta r_j = x_j - x_{0j} \tag{2.20}$$

$$\Delta x_i = \dot{x}_i - \dot{x}_{0i} \tag{2.21}$$

Denklem (2.18)'te  $\dot{x}_{0i} = f_i$  ( $x_0$ ,  $r_0$ ) olması sebebi ile Denklem 2.22 şu

şekilde yazılabilir.

$$\Delta \dot{x}_i = \sum_{j=1}^n \frac{\partial f_i(x,r)}{\partial x_j} \bigg|_{x_0 r_0} \left( \Delta x_j \right) + \sum_{j=1}^p \frac{\partial f_i(x,r)}{\partial r_j} \bigg|_{x_0 r_0} \left( \Delta r_j \right) (2.22)$$

Denklem 2.22 vektör-matris biçiminde yazılınca Denklem 2.23 elde edilir.

$$\dot{\Delta x} = A^* \Delta x - B^* \Delta r \tag{2.23}$$

Burada

$$A^* = \begin{bmatrix} \frac{\partial f_1}{x_1} & \frac{\partial f_1}{x_2} & \dots & \frac{\partial f_1}{x_n} \\ \frac{\partial f_2}{x_1} & \frac{\partial f_2}{x_2} & \dots & \frac{\partial f_2}{x_n} \\ \vdots & \ddots & \dots & \vdots \\ \frac{\partial f_n}{x_1} & \dots & \dots & \frac{\partial f_n}{x_n} \end{bmatrix}$$
(2.24)

ve

$$B^{*} = \begin{bmatrix} \frac{\partial f_{1}}{r_{1}} & \frac{\partial f_{1}}{r_{2}} & \cdots & \frac{\partial f_{1}}{r_{p}} \\ \frac{\partial f_{2}}{r_{1}} & \frac{\partial f_{2}}{r_{2}} & \cdots & \frac{\partial f_{2}}{r_{p}} \\ \vdots & \ddots & \cdots & \vdots \\ \frac{\partial f_{p}}{r_{1}} & \cdots & \cdots & \frac{\partial f_{p}}{r_{p}} \end{bmatrix}$$
(2.25)

olarak tanımlanır.
Sistem  $h_0(t) = x_{01}$  sabit denge noktası etrafindadoğrusallaştırıldığında, denge konumunda hız ve ivme teriminin sıfır olacağı denklemler aşağıdaki gibi belirlenebilir.

$$x_{02}(t) = \frac{dx_{01}(t)}{dt} = 0$$
(2.26)
$$\frac{d^2h_0(t)}{dt^2} = 0$$
(2.27)

i(t)'nin denge konumundaki nominal değeri için 2.27 numaralı eşitlik, 2.9 eşitliğinde yerine konursa eşitlik 2.28'teki akımın denge durumu için değeri bulunabilir.

$$i_0(t) = x_{03}(t) = \sqrt{\frac{mgx_{01}}{\kappa}}$$
 (2.28)

Tasarlanan sistem için eşitlik 2.22'deki doğrusallaştırılmış durum denklemleri eşitlik 2.25'teki gibi ifade edilebilir.

$$\dot{\Delta x}(t) = A^* \Delta x(t) + B^* \Delta u(t)$$
(2.29)

Bu durumda doğrusallaştırılmış durum denklemlerindeki  $A^*$  ve $B^*$ matrisleri 2.30 ve 2.31 eşitliklerindeki biçimde elde edilir.

$$A^* = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0\\ \frac{2Kx_{03}^2}{mx_{01}^2} & 0 & \frac{-2Kx_{03}}{mx_{01}}\\ 0 & 0 & -\frac{R}{L} \end{bmatrix}$$
(2.30)

$$B^* = \begin{bmatrix} 0\\0\\\frac{1}{L} \end{bmatrix}$$
(2.31)

#### 2.5 Manyetik Askı Sisteminin Kayan Kipli Kontrolör Tasarımı

Yukarıda elde edilen  $x_{01}, x_{02}, x_{03}$  durumları arzu edilen sabit değerler olan  $x_{1d}, x_{2d}, x_{3d}$  elde edilmek üzere kontrol tasarımında kullanılması amaçlanarak hesaplanmıştır. Kordinatların doğrusal olmayan aşağıdaki dönüşümü düşünülürse:

$$z_1 = x_{01} - x_{1d} \tag{2.32}$$

$$z_2 = x_{02} (2.33)$$

$$z_3 = g - \frac{K}{m} \frac{x_{03}^2}{x_{01}^2}$$
(2.34)

Dikkat edilirse eğer  $z_1, z_2, z_3$ , t  $\rightarrow \infty$  iken sıfıra götürülürse,  $x_1$  arzu edilen  $x_{1d}$  ye,  $x_2$  değeri 0'a yakınsarken  $x_3$  istenilen  $x_{3d} = \sqrt{\frac{mg}{\kappa}} x_1$  değerine yakınsayacaktır(N.F Al-Muthaırı,M.Zribi,2004).

Yeni koordinatlarda sistemin modeli aşağıda gösterildiği gibi yazılabilir.

$$\dot{z}_1 = z_2 \tag{2.35}$$

$$\dot{z}_2 = z_3$$
 (2.36)

 $\dot{z}_3 = f(z) + g(z)u$  (2.37)

$$f(z) = 2(g - z_3)\left(\left(1 - \frac{2K}{L(z_1 + x_{1d})}\right)\frac{z_2}{z_1 + x_{1d}} + \frac{R}{L}\right), (2.38)$$
$$g(z) = \frac{-2}{L(z_1 + x_{1d})}\sqrt{\frac{K}{m}(g - z_3)} \quad (2.39)$$

f(z) ve g(z)'nin orijinal koordinatlarda aşağıda belirtilen fonksiyonlara karşılık geldiğine dikkat edilmelidir.

$$f_1(x) = \frac{2K}{m} \left( \left( 1 - \frac{2K}{Lx_1} \right) \frac{x_2 x_3^2}{x_1^3} + \frac{R}{L} \frac{x_3^2}{x_1^2} \right), (2.40)$$
$$g_1(x) = -\frac{2Kx_{03}}{Lmx_{01}^2}, (2.41)$$

Burada  $f_1(x) = f(z)$  ve  $g_1(x) = g(z)$  dir (N.F Al-Mutham, M.Zribi, 2004).

Sistemin çıkışı aşağıdaki gibi olsun

$$y = z_1 = x_{01} - x_{1d}(2.42)$$

Modellenen

(2.32),(2.33),(2.34),(2.35),(2.36),(2.37),(2.38),(2.39),(2.40),(2.41),(2.42) denklemleri kullanılarak manyetik levitasyon için aşağıdaki denklemlerle KayanKipli Kontrolör tasarlanmıştır (N.F Al-Muthaırı,M.Zribi,2004).

Aşağıdaki gibi gösterilebilen doğrusallaştırılmış geri beslemeli kontrolör :

$$u = -\frac{1}{g}(f + z_1c_1 + c_2z_2 + c_3z_3)(2.43)$$

 $z_1, z_2$  ve  $z_3$  'ün, t $\rightarrow \infty$  iken asimptotik olarak sıfıra yakınsamasını sağlar (H. Sira-Ram'ırez, O. Llanes-Santiago, 1996).

 $c_1, c_2$  ve  $c_3$  öyle pozitif reel skaler büyüklükler olsun ki  $\rho_2(s) = s^3 + c_3 s^2 + c_2 s + c_1 = 0$  polinomuHurwitzPolinomu olsun.

Girişe bağlı anahtarlama yüzeyi(switchingsurface)p(z,u):

$$\rho(z,u) = u + g + (f + c_1 z_1 + c_2 z_2 + c_3 z_3), \quad (2.44)$$

veW<sub>2</sub> yeterince büyük pozitif artan fonksiyon olursa, aşağıdaki tasarım

$$u = -\frac{1}{g}(f + z_1c_1 + c_2z_2 + c_3z_3) + v(2.45)$$

kontrol şemasına aşağıdaki parametre ile

$$\dot{v} = -W_2 sign(u + \frac{1}{g}(f + z_1c_1 + c_2z_2 + c_3z_3)) \quad (2.46)$$

kayan kipli kontrolör tasarımının başlangıcında dönüşümleri tanımlanan manyetik levitasyon sistemine uygulandığında, t $\rightarrow\infty$  iken  $z_1, z_2$  ve  $z_3$  'ün,asimptotik olarak 0'a yakınsamasını sağlar.

 $\rho(z,u)$  sınırlı bir sürede sıfıra götürüldüğü için çıkış  $y = z_1$  kayan yüzey( $\rho(x,u)$ ) üzerinde 3.dereceden diferansiyel denklem  $y^{(3)} + c_3\ddot{y} + c_2\dot{y} + c_1y=0$ tarafından kontrol edilir.Bu yüzden çıkış  $y(t)=z_1,t\rightarrow\infty$  iken asimptotik olarak sıfıra yakınsayacaktır çünkü  $c_1, c_2$  ve  $c_3$  öyle pozitif skalerler olarak seçilmişlerdir ki  $\rho_2(s) = s^3 + c_3s^2 + c_2s + c_1$  Hurwitz polinomudur.t $\rightarrow\infty$  iken  $z_1$  sıfıra yakınsadığı için  $z_2$  ve  $z_3$  de sıfıra yakınsar (N.F Al-Muthaırı,M.Zribi,2004).

(2.32),(2.33),(2.34)denklermleri kullanılarak  $x_{01}, x_{02}$  ve  $x_{03}$ , t $\rightarrow\infty$  iken istenilen değerlere yakınsarlar bunun sonucu olarak yukarıda tasarımı yapılmış olan dinamik kayan mod kontrolörün  $x_{01}, x_{02}$  ve  $x_{03}$  durumlarını, t $\rightarrow\infty$  iken asimptotik olarak istenilen değlere yakınsaması sağlanmış olur.

Tasaralanan kontrolcü sistemin orijinal koordinatlarında yazılırsa:

$$u = -\frac{1}{g_1} \left( f_1 + c_1 (x_{01} - x_{1d}) + c_2 x_{02} + c_3 \left( g - \frac{K}{m} \left( \frac{x_{03}}{x_{01}} \right)^2 \right) \right) + v (2.47)$$
ve
i.e.  $w_1 = \left( (x_{01} - x_{1d}) + (x_{02} - x_{02}) + (x_{03} - x_{02}) + (x_{03} - x_{02}) + (x_{03} - x_{02}) \right)$ 

$$\dot{v} = -W_2 sign\left(u + \frac{1}{g_1} \left[ f_1 + c_1 (x_{01} - x_{1d}) + c_2 x_{02} + c_3 \left( g - \frac{K}{m} \left( \frac{x_{03}}{x_{01}} \right)^2 \right) \right] \right) (2.48)$$

şeklindedir.

### 2.6 Manyetik Askı Sisteminin PID Kontrolü

Denklem 2.1'deki PID kontrol işaretindeki türev teriminin sayısal olarak karşılığı denklem 2.49'daki şekilde yazılabilir.

$$\frac{de(t)}{dt} = \frac{[e(n) - e(n-1)]}{T_s}$$
(2.49)

Yine denkelm 2.1'deki integral terimine sayısal karşılık olarak

$$\int_{0}^{t} e(t)dt = T_{s} \sum_{n=0}^{N} e(n)$$
 (2.50)

Yazılabilir.

Sonuç olarak denklem 2.1 PID kontrol işareti sayısal olarak denklem 2.51 veya 2.52 şeklinde yazılabilir.

$$u(n) = K_p e(n) + K_I T_s \sum_{n=0}^{N} e(n) + K_D \frac{[e(n) - e(n-1)]}{T_s} \quad (2.51)$$
$$u(n) = K(e(n) + \frac{T_s}{T_I} \sum_{n=0}^{N} e(n) + \frac{T_D}{T_s} [e(n) - e(n-1)])(2.52)$$

Burada

 $K_I = \frac{K}{T_I}$ 

$$K = K_P$$
 (2.53)  
(2.54)

 $K_D = KT_D(2.55)$ 

değerlerine karşılık gelmektedir.

Yukarıdaki denklemlerle en genel tanımı yapılmış olan PID kontrolörün kazanç parametreleri Manyetik Levitasyon Sistemi için LQR yaklaşım kullanılarak aşağıdaki denklemlerde gösterildiği gibi yapılmıştır (V. Kumar, J. Jerome ,2013).Bu yaklaşımda, hata, hata oranı, hatanın integrali PID regülatörün optimum kontrolcü kazançlarını elde etmek için durum değişkeni olarak düşünülmektedir.

$$x_1 = \int_0^t e(t)dt \qquad (2.56)x_2 = e(t)$$
(2.57)

$$x_3 = \frac{de(t)}{dt} \tag{2.58}$$

Şekil 2.1'den

$$\frac{Y(S)}{U(S)} = \frac{K}{s^2 + 2\zeta w_n s + w_n^2} = \frac{-E(s)}{U(s)}$$

Durum geri besleyici regulatör'de,harici ayar noktaları kontorolör tasarımına etkide bulunmaz,böylelikle referans giriş r(t)=0 etkilenmemiş olur.Denklem (2.59) aşağıdaki gibi olur bunun sonucu olarak.

$$[s^{2} + 2\zeta w_{n}s + w_{n}^{2}]E(s) = -KU(s)$$
(2.59)

Ters LaplaceTransformu uygulanırsa

$$\ddot{e} + 2\zeta w_n \, e^{\cdot} + w_n^2 \, e = -Ku \tag{2.60}$$

Böylelikle yukardaki gibi olan sistemin durum uzay gösterimi formu:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & -w_n^2 & -2\zeta w_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -K \end{bmatrix} u$$
(2.61)  
$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & -w_n^2 & -2\zeta w_n \end{bmatrix}$$
(2.62)  
$$B = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ -K \end{bmatrix} (2.63)$$

LQR formülasyon ile sistemin optimal performansını elde etmek için,aşağıdakiquadratic maliyet fonksiyonu minimize edilmeli.

$$J = \int_0^\infty [x^T(t)Qx(t) + u^T(t)Ru(t)] dt$$
 (2.64)

Yukarıdaki maliyet fonksiyonunun minimizasyonu aşağıdaki optimum kontrol girişini verir.

$$u(t) = -R^{-1}B^T P x(t) = -F x(t)$$
(2.65)

Aşağıda verilen sürekli cebirsel Riccatti denkleminin simetrik pozitif kesin çözümüyle bulunan P :

$$A^{T}P + PA - PBR^{-1}B^{T}P + Q = 0 (2.66)$$

Ağırlık matrisi Q simetrik pozitif ve ağırlık faktörü R pozitif sabit bir sayıdır. Genellikle ağırlık matrisi Q,R'yi sabit tutmak üzere değişir böylelikle doğrusal quadratik regülatörden optimal kontrol sinyali elde edilir. Buna karşılık gelen durum geri besleme kazanç matrisi:

$$F = R^{-1}B^{T}P = R^{-1}\begin{bmatrix} 0 & 0 & K \end{bmatrix} \begin{bmatrix} P_{11} & P_{12} & P_{13} \\ P_{12} & P_{22} & P_{23} \\ P_{13} & P_{23} & P_{33} \end{bmatrix} = R^{-1}K[P_{13} & P_{23} & P_{33}] = -[K_{i} & K_{p} & K_{d}]$$
(2.67)  
$$u(t) = -Fx(t) = -[-K_{i} & -K_{p} & -K_{d}] \begin{bmatrix} x_{1} \\ x_{2} \\ x_{3} \end{bmatrix}$$
$$= K_{i} \int e(t)dt + K_{p}e(t) + K_{d} \frac{d}{dt}e(t)$$
(2.68)

Simetrik pozitif P matrisi'nin 3.satırı PID kontrolör kazancı terimleri şeklinde denklemden elde edilebilir.

$$P_{13} = \frac{K_i}{R^{-1}K} P_{23} = \frac{K_p}{R^{-1}K} P_{33} = \frac{K_d}{R^{-1}K}$$
(2.69)

2.62'deki denklemle tanımlanan sistemin kapalı çevrim sistemi durum geri besleme kazanç matrisi(2.67) ile birlikte:

$$A_{c} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -R^{-1}K^{2}P_{13} & -w_{n}^{2} - R^{-1}K^{2}P_{23} & -2\zeta w_{n} - R^{-1}K^{2}P_{E3} \end{bmatrix}$$
(2.70)

Kapalı çevirim sistemine karşılık gelen karakteristik polinomu:

$$\Delta(s) = |sI - A_c| = 0 \tag{2.71}$$

$$s^{3} + s^{2}(2\zeta w_{n} + R^{-1}K^{2}P_{33}) + s(w_{n}^{2} + R^{-1}K^{2}P_{23}) + R^{-1}K^{2}P_{13} = 0(2.72)$$

İstenilen Doğal frekans ve sönümlenme oranı olarak kapalı çevrim sisteminin karakteristik polinomu yazılırsa:

$$s^{3} + s^{2}(2+m)\zeta w_{n} + s(w_{n}^{2} + 2mw_{n}^{2}\zeta^{2}) + mw_{n}^{3}\zeta = 0$$
 (2.73)

Denklem 2.72 ve 2.73'deki sabitler eşitlenirse:

$$\begin{array}{c} \left(2\zeta w_{n}+R^{-1}K^{2}P_{33}\right)=(2+m)\zeta w_{n}\\ \left(w_{n}^{2}+R^{-1}K^{2}P_{23}\right)=\left(w_{n}^{2}+2mw_{n}^{2}\varepsilon\zeta^{2}\right)\\ R^{-1}K^{2}P_{13}=mw_{n}^{3}\zeta \end{array} \right\} (2.74)$$

P matrisinin 3.satırı denklem 2.75'deki gibi açık çevirim işleminin karakteristiği ve kapalı çevirim sistemi dinamikleri olarak çözümlenirse:

$$P_{13} = \frac{mw_n^3 \zeta}{R^{-1}K^2}$$

$$P_{23} = \frac{(w_n^2 + 2mw_n^2 \zeta^2) - w_n^2}{R^{-1}K^2}$$

$$P_{33} = \frac{(2+m)\zeta w_n - (2\zeta w_n)}{R^{-1}K^2}$$
(2.75)

Aşağıdaki cebirsel Ricatti denklemi çözülerek P matrisinin kalan elemanlarıdabulunabilir,P matrisinin bilinen üçüncü elemanlarınınyardımıyla da P ve Q matrisleri elde edilebilir:

$$P_{11} = P_{13}w_n^2 + P_{13}P_{23}R^{-1}K^2$$

$$P_{12} = 2\zeta w_n P_{13} + P_{13}P_{23}R^{-1}K^2$$

$$P_{22} = 2\zeta w_n P_{23} + P_{23}P_{33}R^{-1}K^2 + P_{33}w_n^2 - P_{13}$$
(2.76)

$$Q_{1} = P_{13}^{2} R^{-1} K^{2}$$

$$Q_{2} = P_{23}^{2} R^{-1} K^{2} - 2(P_{12} - P_{23} w_{n}^{2})$$

$$Q_{3} = P_{33} R^{-1} K^{2} + 2(P_{23} - 2\zeta w_{n} P_{33})$$
(2.77)

### 2.7 Manyetik Askı Sisteminin Durum GeribeslemeliGözetleyici Tabanlı Kontrolü

Aşağıdaki zamanla değişen doğrusal sistemi doğrusal geri besleme kuralı ile düşünelim.

$$\Sigma \begin{cases} \dot{x} = Ax + Bu \\ y = Cx \\ \hat{y} = C\hat{x} \\ u = -Kx \end{cases}$$
(2.78)

Burada x durum vektörü, u sistem girişi, y sistem çıkışı,  $\hat{y}$  ölçülen çıkış, K gözetleyicisiz olarak  $\Sigma$  sisteminin doğrusal geri besleme kontrolörü için tasarlanmış olan kararlılaştırıcı doğrusal durum geri besleme matrisidir . $\Sigma$  sisteminin kararlılığını sağlamak için ölçülen geri besleme sistemi Luenberger gözetleyicisi ile genişletilirse.

$$\Omega \begin{cases} \dot{x} = A\hat{x} + Bu + L_g C(x - \hat{x}) \\ \hat{y} = CX \\ u = -K\hat{x} \end{cases}$$
(2.79)

Burada  $\hat{x}$  gözetleyici durumu,  $L_g$  gözetleyici geri besleme matrisidir.

Gözetleyici ve sistem çıkışları arasındaki elde edilen fark burada bize bir hata sinyali verir.

$$y - \hat{y} = C(x - \hat{x}) = Ce$$
 (2.80)

2.79'de e gözetleme hatasıdır ve teorik olarak sistem kararlılığa ulaştığında sıfıra gider ve gözetleyici için geri besleme sinayli olarak kullanılabilir.

Gözetleyici Tabanlı Kontrolde kararlılık ile ilgili problemlerin aşılabilmesi için 2.78 ve 2.79ile tanımlanmış olan sistemler için K ve  $L_g$  kazançlarının uygun bir şekilde tasarlanması gerekmektedir.

Durum uzay matrisleri denklem 2.6 ve 2.7 verilmiş olan sistem için doğrusal durum geri besleme tasarlanacak olursa:

$$u = r - Kx \quad (2.81)$$

Burada r referans sinyali olmak üzere kontrol kuralı denklem 2.80 deki gibi olur ve bu durumda kapalı çevrim sistemi:

$$\dot{x} = (A - BK)x + Br \tag{2.82}$$

denklem 2.82 da gösterildiği gibi elde edilir. Durum değişkenleri uygun doğrusal

z = Txdönüşümüyle kontrol edilebilir kanonik forma dönüştürülürse.

$$\dot{z} = \bar{A}z + \bar{B}u \qquad (2.83)$$

$$\bar{A} = TAT^{-1} = \begin{bmatrix} -a_1 & -a_2 & -a_3 & \cdots & a_n \\ 1 & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & 1 & 0 & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & 1 & \cdots & 0 \end{bmatrix} \qquad (2.84)$$

$$\bar{B} = TB = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{bmatrix} \qquad (2.85)$$

$$\bar{C} = CT^{-1} \qquad (2.86)$$

gerekli olan T transformasyonu;

$$T = S^{-1} \overline{S} \tag{2.87}$$

burada

$$S = (B \ AB \ \dots \ A^{n-1}B) \tag{2.88}$$

S,Sistemin durum uzay gösterilimi kontrol edilebilirlik matrisi ve

$$\bar{S} = (\bar{B} \,\bar{A} \bar{B} \bar{A}^{n-1} \bar{B}) \tag{2.89}$$

 $\bar{S}$ ,sistemin kontroledilebilir kanonik form kontrol edilebilirlik matrisidir.

 $\Sigma$ sisteminin karakteristik polinomu  $\phi(s)$ :

$$\phi(s) = \det(sI - A) = s^n + a_n s^{n-1} + a_2 s^{n-1} + \dots + a_n (2.90)$$

şeklindedir.

Yeni durum vektörü z'nin durum geri besleme matrisi:

$$\overline{K} = KT^{-1} \tag{2.91}$$

olur.

$$\overline{K} = (k_1 k_2 k_3 \dots k_n) \tag{2.92}$$

Sistem bir boyutlu olduğu için 2.70 formunda olmak zorundadır.

Sistemin kapalı çevirim karakteristik polinomu $\tilde{A} = (\bar{A} - \bar{B}\bar{K}) ve \phi_c(s)$ :

$$\phi_c(s) = \det(sI - \tilde{A}) = s^n + (a_1 + l_1)s^{n-1} + (a_{n-1} + l_{n-1})s + (a_n + l_n)$$
(2.93)

Olur.

Kapalı çevrim sisteminin istenilen karakteristik polinomu $\phi_d(s)$ :

$$\phi_d(s) = s^n + \bar{a}_1 s^{n-1} + \bar{a}_2 s^{n-2} + \dots + \bar{a}_0$$
(2.94)

bu durum için:

$$k_1 = \bar{a}_1 - a_1, \bar{a}_2 - a_2, \dots k_n = \bar{a}_n - a_n \tag{2.95}$$

olur ve geri besleme matrisi  $\overline{K}$ 'nın değeri:

$$\overline{K} = (\overline{a}_1 - a_1, \overline{a}_2 - a_2, \dots, \overline{a}_n - a_n)$$
(2.96)

bulunur. Sonuç olarak durum geri besleme orijinal durum uzay gösterimi koordinatlarında yazılırsa:

$$K = \overline{K}T = \overline{K}\overline{S}S^{-1} \tag{2.97}$$

2.97'de gösterilen denklemle  $\Sigma$  sistemi için uygun durum geri besleme matrisi tasarlanmış olur. Cayley-Hamilton teoremi ve 2.97 denklemi kullanılarak 2.98'daki Ackermann'ın formülü elde edilir ve durum geri besleme tasarımında alternatif bir hesaplama yöntemi olarak kullanılabilir.

$$K = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \dots & 1 \end{bmatrix} S^{-1} \phi_d(A)$$
 (2.98)

Sistemin kopyası olarak da nitelendirebileceğimiz gözetleyici gerçek durumların kestirimini yapar, sıfıra yakınsaması arzu edilen bu kestirim hatası tamamen sistem tarafından belirlenir ve değiştirilemez. Durum geri besleme tasarımı sisteminin bütün durum değişkenlerinin bilinmesini gerektirir eğer durum değişkenleri hesaplanamıyor yada elde edilemiyorsa bir durum kestirici yani gözetleyici tasarlamak gerekir, gözetleyici geri besleme hatasını da hesaba katar. $\Omega$  ile belirttiğimiz gözetleyicinin öz değerleri veya kutupları olarak adlandırılan $(A - L_gC)$ parametresi sistemin kestirimi ne kadar hızlı yapacağını yani durum denklemlerinin ne kadar hızlı yeniden oluşturulacağını belirler. $L_g$ gözetleyici kazancının belirlenmesi problemi durum geri besleme kazancı K'nın belirlenmesi ile benzerdir.

Bunu görmek için gözetleyicinin karakteristik polinomu $\phi_o(s)$  yazılırsa:

$$\phi_o(s) = \det(sI - A + L_gC) \tag{2.99}$$

Karakteristik polinom  $(A - L_gC)$  matris determinantının ve transpozunun aynı olmasından dolayı aynı zamanda:

$$\phi_o(s) = \det(sI - A^T + L_g^T C^T)$$
(2.100)

elde edilir. Kolaylıkla görülebilir ki ancak ve ancak  $(A^T, C^T)$  kontrol edilebilirse (A, C) gözetlenebilirdir. Sonuç olarak durum geri besleme kazancını hesaplamak için kullanılan aynı yöntemler  $L_g^T$  hesaplaması içinde kullanılabilir dolayısıyla Ackermann'ın formülü:

$$L_g^{T} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & \dots & 1 \end{bmatrix} S^{-1} \phi_{do}(A^T)$$
 (2.101)

formunu alır, $\phi_{do}$  burada gözetleyicinin istenen karakteristik polinomu , S sistemin kontrol edilebilirlik matrisidir. Her iki tarafında transpozu alınırsa:

$$L_g = \phi_{do}(A) O^{-1} \begin{bmatrix} 0\\0\\....\\0\\1 \end{bmatrix}$$
(2.102)

Ackermann'ın formülü gözetleyici formunda elde edilmiş olur, burada  $O(=S^T)$  sitemin gözetlenebilirlik matrisidir.

Oluşturulan sistemin yeni kapalı çevrim Durum-Uzay denklemleri yazılırsa:

$$\begin{bmatrix} \dot{x} \\ \dot{e} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A - BK & BK \\ 0 & A - L_gC \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ e \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} B \\ 0 \end{bmatrix} r(2.103)$$

2.103'den anlaşılacağı üzere gerçekte sistem-gözlemci konfigürasyonu kapalı çevrim öz değerleri, orijinal sistem öz değerleri ve gerçek gözlemci gözlemci öz değerleri birbirinden ayrıktır.Bunun sonucu olarak sistem ve gözetleyici için istenilen öz değerler birbirinden bağımsız olarak K ve  $L_g$  kazançları kullanılarak yerleştirilebilir.

K veLg kazançları yerleştirilirken kullanılan bazı metodlar:

- LQG Kontrol: K ve L<sub>g</sub> kazançları iki ayrışmış Riccati denkleminin çözülmesi ve quadratik denklemleri optimize etmek üzere seçilir.
- *H*<sub>∞</sub> Kontrol: *K* ve *L<sub>g</sub>* kazançları kapalı çevrim sisteminin ζ indüklenmiş normunu optimize etmek için seçilir ve iki birleşik Riccati denklemini çözmeyi gerektirir.
- Multi objektif yaklaşım ve karışık LQG/ $H_{\infty}$ .

# 3. MANYETİK ASKI SİSTEMİNİN ELEKTROMEKANİK YAPISI

Bu bölümde tez çalışmasında kullanılan manyetik levitasyon sisteminin bileşenleri olan elektro mıknatıs, manyetik küre,hall etkisi algılayıcısı ve tez çalışmasında kullanılan Zeltom Manyetik Levitasyon sistemi ile sistemin kontrol çalışmalarında kullanılan HILINK:Gerçek Zamanlı Matlab/Simulink Donanımla Benzetim Kontrol Kartı ilgili gerekli bilgilere değinilmiştir.



Şekil 3.1:Zeltom Manyetik Levitasyon sistemi ve Manyetik Küre

#### 3.1 Elektromiknatis

Elektrik akımının etkisiyle mıknatıslık özelliği kazanabilen magnetik maddelerde (demir çivi), iletken tel (bakır) ve üreteç yani elektrik akımı kaynağı kullanılarak elde edilirler, iletken tel bumagnetik madde (demir çivi) üzerine sarılır ve iletken telin açıkta kalan uçları üretecin kutuplarına bağlanır. İletken telden elektrik akımı geçirildiğinde magnetik madde yani demir çivi mıknatıslık özelliği gösterir.Magnetik madde üzerine sarmal bir şekilde sarılan telden geçirilen bu elektrik akımı, demir çubuğun bir ucunda çekme, diğer ucunda ise itme kuvveti meydana getirir. Bu tipik olarak bir mıknatısın gösterdiği özelliktir dolasıyla elektrik akımı yoluyla elde edilen mıknatıslara "elektromıknatıs" denir.Elektromıknatıslar doğal mıknatısların bütün özelliklerini taşırlar. Doğal mıknatısgibi N ve S olmak üzere iki kutbu vardır ve bu kutuplar arasında manyetik alan kuvvet çizgileri yani manyetik alan oluşur. Manyetik alan kuvvet çizgileri doğal mıknatıslardaki gibi N'den S'ye doğrudur.



Şekil 3.2: Elektromıknatısta Akıma Bağlı Kutup ve Alan Çizgileri.

İletkenden geçen akım yönüne göre elektromıknatısın kutuplarının yönü değişir. Elektromıknatısta meydana gelen alan çizgileri Şekil 3.1'tegösterilmiştir (Carl R.,2015).

Elektromiknatısın bağlı olduğu üretecin kutupları değiştirilirse elektromiknatısın kutuplarının değişmesi sonucu manyetik alanın yönü de değişir.Elektromiknatısın manyetik alanının çekim gücünü arttırmak için magnetik maddeye sarılmış olan iletken telin (bobinin) sarım sayısı veya elektrik akımının şiddeti arttırılmalıdır.

Elektromiknatisin kutupları SAĞ EL KURALI ile bulunur. Sağ elkuralında;

Sağ elin dört parmağı akım yönünü gösterirse, sağ elin baş parmağımanyetik alan yönünü gösterir (Manyetik alan N'den S'ye doğrudur).Sağ elin başparmağı akım yönünü gösterirse (Akım yönü, çizilen elektromıknatıs şekline göre değişkenlik gösterebilir), sağ elin dört parmağının kapanma yönü manyetik alan yönünü gösterir (Manyetik alan N'den S'ye doğrudur).

Bu tez çalışmasında kullanılan elektromıknatıs 15 mHferrit çekirdekli bobin ve 2.54 cm yarı çaplı 40g ağırlıklı baryum-stronyummıknatıs kullanılarak oluşturulmuştur.



## Şekil 3.3:Tez Çalışmasında Kullanılan Zeltom Manyetik Levitasyon Sistemi Elektromiknatısı

### 3.2 Manyetik Küre

Demir, nikel, kobalt, dispozyum, goddinyum, çelik özellik gibi manyetik gösteren maddelere ferromanyetik madde denir. Bu maddler sabit mıknatıs yapımında bu sebepten ötürü kullanılırlar.Bunlar zayıf manyetik alanlarda dahi paralel olarak birbirlerine doğrulamaya çalışan atomik manyetik dipollerbulundururlar.Bu tip maddler manyetik alana tabii tutulduğunda manyetik alan yönünde çok şiddetli olarak mıknatıslanırlar. Ferromanyetik maddeler mıknatıs tarafından kuvvetli olarak çekilirler ve şekilleri çubuk ise asıldıklarında çubuğun uzun ekseni paralel olarak alan doğrultusunda bir moment etkisinde kalır.

Sürekli manyetik dipolmomenti olmayan maddelere diamanyetik maddeler denir.Bu maddelerin mıknatıslanmaları çok zayıf ve mıknatıslanması mıknatıslayan alanla zıt yönlüdür dolayısıyla kuvvetli bir mıknatıs tarafından hafifce itilirler.Gümüş,kurşun,Bakır, antimon, bizmut v.b. metaller ve bütün yarı metaller ve organik maddelerin çoğudiamanyetik özelliklidirler. Bu maddeler çubuk şekline sahipken manyetik alana tabi tutulduklarında uzun eksenleri manyetik alanla dik olana kadar bir moment etkisi altında kalırlar.

Tez çalışmasında Ni kaplanmış neodyum 30.2g ağırlığında küre mıknatıs kullanılmıştır.



Şekil 3.4:Tez çalışmasında kullanılan neodyum mıknatıs küre

## 3.3 HILINK:Gerçek ZamanlıMatlab/Simulink Donanımla Benzetim Kontrol Kartı

Amerika'daki Zeltom Şirketi tarafından yapılan bu kart fiziksel sistemler ve gerçek zamanlı kontrol sistemlerinin Matlab/Simulink için donanımla benzetim uygulamalarını gerçek zamanlı olarak gerçeklemek üzere endüstriyel ve eğitim amaçlı geniş kullanım alanı olan bir platformdur. Bu platform 8 x 12 bit analog giriş, 2 x 16 bit yakalayıcı giriş, 2 x 16 bit enkoder giriş, 1 x 8 bit dijital giriş, 2 x 12 bit analog çıkış, 2 x 16 bit frekans çıkışı, 2 x 16 bit tetikleyiciçikişand 1 x 8 bit dijital çıkış içermektedir bunlara ek olarak.Harici ağır yükleri sürmek için5 Amper kapasiteli iki H-Köprüsüde bulundurmaktadır. Kart arayüzü seri port(RS232) üzerinden Matlab/Simulink kullanarak bilgisayar ile iletişim sağlamakta ve 3.8 Khz örnekleme oranına sahiptir. Bu platform ile birlikte Matlab/Simulink/Real-Time Windows Target uygulamaları için Analog giriş, dijital giriş, enkoder giriş, yakalama giriş, analog çıkış, frekans çıkış, dijital çıkış ve tetikleme çıkış blokları için oluşturulmuş Zeltom Şirketi tarafından temnin edilen simulink kütüphanesi kullanılmaktadır.



Şekil 3.5:HILINK Gerçek Zamanlı Matlab/Simulink Benzetim Kontrol Kartı.

### 3.4 Hall Etkisi Algılayıcısı

1879'da EdwinHall tarafından keşfedilen manyetik alan içerisinde bulunan ve üzerinden akım geçen bir iletken doğrultusunca gerilim (Hall gerilimi)meydana gelmesi olayına Hall etkisi denir ve bu etkiye dayalı olarak çalışan algılayıcılara Hall etkisi algılayıcısı denmektedir.Gerilimin doğrultusu iletkenden geçen akımın ve manyetik alanın yönüne diktir.

İki sürekli mıknatıs arasına iletken dikey olarak monte edilir .Hall elemanları besleme voltajı uygulanan iletkenin elektronları besleme akımı ve mıknatıslara karşı dikey olarak saparlar ve bir tarafta elektron fazlalığı oluşurken öteki tarafta ise iki uçta potansiyel farkı oluşturacak şekilde elektron azlığı olur. Oluşan gerilim,akım ve manyetik alan yoğunluğu ile orantılıdır. Sabit akımda ise çıkış manyetik alan yoğunluğu ile orantılı olacaktır. Hall etkisi algılayıcıda manyetik alana bağlı olarak gerilim oluşacaktır böylelikle.Buna ek olarak oluşan bu gerilim yeterisiz büyüklükte olduğuiçin kullanımdan önce güçlendirilir. (http://www.ilkerguven.com/elektrik/hall-effect-alan-etkili-sensor.html)



Şekil 3.6:Hall Etkisi Algılayıcıda Manyetik Alana Bağlı GerilimOluşumu.

Endüstrideki yaygın kullanım alanları;manyetik kod okuma,akım algılama, motor kontrol,seviyesi ve akış algılama,pozisyonualgılama,enkoder,metaldedektörü,titreşimalgılama,anahtarlama,sı vı basınç-ağırlık olarak sayılabilir.

Bu tez çalışmasında 4.5V-5.5V gerilim aralığı ve 5.6 mA çalışma akımlı 50V/T hasssaslıktabesleme gerilimi ile girişi çıkışı doğrudan orantılı çıkış gerilimi 50\*T+2.5 V olan Halletkisisensörü kullanılmıştır.



Şekil 3.7:Günlük yaşamda kullanılan bir hall etkisi sensörü(TLE4905L)

## 4. MANYETİK ASKI SİSTEMİNİN VE UYGULANAN KONTROL METODLARININ BENZETIMI

Bu bölümde tez çalışmasında kullanılan manyetik levitasyon sisteminin kontrolü için daha önce 2.5,2.6 ve 2.7 numaralı bölümlerde matematiksel olarak modellenmiş olan kontrol metodlarınınMatlab/Simulink benzetimleri anlatılmış elde edilen sonuçlar ise daha sonraki bölümde gösterilmiştir. Benzetim çalışmaları yapılırken kullanılan parametreler aşağıdaki tabloda gösterilmiş olup Zeltom Kullanıcı El Kitabındaki değerler kullanılmıştır.Bu çalışmalar yapılırken farklı konumlarda sistemin kararlılığının sağlanması ve manyetik kürenin dengede tutulması amaçlanarak bütün simülasyon çalışmaları yapılmıştır.

Tablo 4.1:Magnetik Levitasyon Sistemi Benzetiminde Kullanılan Parametre değerleri.

$R = 1.7 \ \Omega,$	$L = 15.03 \times 10^{-3} H$	$m=41.30 \times 10^{-3} kg$
$g = 9.81 \text{ m/s}^2$	$k=3.10 \times 10^{-6} \text{kg} \ m^{5}/s^{2}/\text{A}$	$\alpha = 2.48 \text{ V}$
$\beta = 4.25 \times 10^{-4} \mathrm{V}m^2$	$\gamma = 0.31 \text{ V/A}$	$u_e = 1.79 \text{ V}$
$x=2.00 \times 10^{-2} m$	$x_{2e} = 0.00 \text{ m/s}$	$x_{3e} = 1.05 \text{ A}$
$z=2.00 \times 10^{-2} m$	$y_e = 3.87 \text{ V}$	$w_e = 0.00 \text{ V}$

Şekil 3.1 de sistem modeli görülen elektromanyetik askı sistemi, havada asılı halde tutulacak olan bir küre mıknatıs ,bir bobin (elektromıknatıs) ve bir Hall-effect algılayıcıdan (sistem çıkışı) oluşmaktadır. Burada *R* bobin direncini ( $\Omega$ ), *L* bobin endüktansını (H), *i* bobin akımını (A), *f* bobinin küre mıknatısa uyguladığı kuvveti( m/s<sup>2</sup>), *m* küre mıknatısın kütlesini (Kg), *g* yerçekimi katsayısını (m/s<sup>2</sup>), *d* bobinin altı ile küre mıknatıs arasındaki uzaklığı (m), ve *e* Hall-effect algılayıcının ürettiği çıkış gerilimini (V) ifade etmektedir.Tabloda belirtilen k sistemin geometrik yapısına bağlı olarak oluşan bir parametredir.Simulasyon benzetim çalışmalarında herhangi bir gerilim saturasyon veya sınırlama işlemi kullanılmamıştır.

Sistem çıkışı olan Hall-effect çıkış gerilimi:

$$e = \frac{\beta}{d^2} + \gamma i + \alpha \tag{4.1}$$

şeklinde tanımlanabilir (Smaili ve Mrad 2008). Burada  $\gamma$ ,  $\beta$  ve  $\alpha$  parametreleriHalleffect algılayıcıya ve sistemin geometrik özelliklerine bağlıdır ve gürültü ihmal edilmiştir.

Burada y=e olarak kabul edilirse:

$$y = \frac{\beta}{x_1^2} + \gamma x_3 + \alpha \tag{4.2}$$

Pozisyon bilgisi denklem 4.2 şeklinde elde edilir (Zeltom 2015).

Sistemin 2.30 ve 2.31'de elde edilen durum matrisleri tablo 4.1 de belirtilen parametre değerleri kullanılarak oluştururlursa:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1.4709x10^3 & 0 & -9.3716 \\ 0 & 0 & -113.2450 \end{bmatrix}$$
(4.3)  
$$B = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 66.2252 \end{bmatrix}$$
(4.4)

Hall etkisi algılayıcısındaki gerilime karşılık denge durumu gerilimlearasındaki fark kullanıldığında elde edilen pozisyon bilgisiyle C ve D matrisleri denklem 4.5 ve 4.6 daki gibidir:

$$C = \begin{bmatrix} -106.1254\\0\\0.3100 \end{bmatrix}$$
(4.5)

$$D = \begin{bmatrix} 1 & 0 \end{bmatrix} \tag{4.6}$$

### 4.1 Manyetik Askı Sistemi Benzetim Çalışması

Bölüm 2.4'te doğrusallaştırılmış durum denklemleri gösterilen manyetik askı sisteminin Matlab/Simulinkbenzetimi şekil 4.1'de gösterildiği gibi yapılmıştır.

Benzetimi şekil 4.1'de gösterilen Matlab/Simulink blokları kullanılarak oluşturulan manyetik askı sistemi daha sonraki bölümlerdeki kontrol metodlarıuygulanırken sistem bloğu haline getirilerek kullanılmıştır.



Şekil 4. 1: Manyetik Askı Sistemi Matlab/SimulinkBenzetimi .



**Şekil 4.2:**Kontrol Metodu uygulanmamış Maglev Sistemi Konum Değişimi Grafiği Sistemin yüksek kararsızılığı yapılan benzetim simülasyonunda da gözükmektedir.

### 4.2 Manyetik Askı Sistemi PID Benzetim Çalışması

PID çalışması yapılırken sadece oluşturulan manyetik levitasyonMatlab/Simulink benzetim çalışması sırasında sadece blok sistemi ile değil sistemin doğrusallaştırılmış durum matrisleri kullanılarak Matlab'da transfer fonksiyonu elde edilmiş ve bu fonksiyon üzerinden model benzetim simülasyonları yapılmıştır.Yapılan iki farklı modellemede farklı parametrelerle de sistemin denge halinde tutulabileceği anlaşılmıştır.



Şekil 4.3: Manyetik Askı Sistemi PID kontrol Matlab/Simulink Benzetimi.



Şekil 4.4:Manyetik Askı Sistemi Durum Uzay Modeli ile PID kontrol Matlab/Simulink Benzetimi.

Denge konumu daha yakınlaştırılarak seçildiğindeyse Simulink Blokları ile tasarlanmış Şekil 4.1'deki sistem üzerinde PID kontrol yöntemi ile sistemin kararlılığı sağlanamadığı için sistem denklem 4.3, 4.4, 4.5, 4.6 kullanılarak Matlab/SimulinkState Space bloğu ile sistemin Durum-Uzay modeli üzerinden sistem simülasyonu yapılmıştır.

### 4.3 Manyetik Askı Sistemi Kayan Kipli Kontrol Benzetim Çalışması

Bu bölümde daha önce 2.5 numaralı başlık altında matematiksel olarak tasarlanmış olan Manyetik Askı Sisteminin Kayan Kipli Kontrolünün Matlab/Simulink benzetim simülasyonugösterilmiştir.Bu benzetim çalışmasında da daha önce belirtilen durum denklemlerine göre sistemin h=11mm denge konumundaki kontrolü sağlanarak mıknatıs küre hızı ve hız değişimi olan ivme değerinin 0 olması amaçlanmıştır.



Şekil 4.5:Bölüm 2.2.2.2'de modellenen Kayan Kip Kontrolör Simulink benzetimi.



Şekil 4.6: Anahtarlama Yüzeyi (SwitchingSurface) Benzetimi.

Simulasyonlar yapılırken farklı  $c_{1,}c_{2}, c_{3}$  değerleri için elde edilen konum ve ivme değişimi sonuçları bir sonraki bölümde gösterilmiştir,kullanılan değerler için mıknatıs kürenin hız ve hız değişimin sıfıra yakınsadığı gözlemlenmiştir.  $c_{1,}c_{2}, c_{3}$  sabitlerinin değerleri sistem kutupları ve bulundukları bölgeler dikkate alınarak kararsızlığı giderecek şekilde seçilmiştir.

## 4.4 Manyetik Askı Sistemi DurumGeribeslemeli Gözetleyici Tabanlı Kontrol Benzetim Çalışması

Kararsız olan sistemin açık çevrim kutupları -113.2450 ve  $\pm$  38.3523'tedir bu sistemi stabilize etmek için sistem kutupları -10 ve 50 $\pm$  50j 'ye yerleştirilmelidir bunu elde etmek için -100 de ek bir kutup seçilmiştir bölüm 2.7'de anlatılan metod kullanılarak durum geri besleme matrisi K 2.76 yardımıyla hesaplanarak :

$$K = [341.2612 \quad 12.0375 \quad 0.0490]$$

olarak bulunmuştur.

Şekil 4.7'deki Manyetik levitasyon sistemi tasarımı ve Şekil 4.8'deki gözetleyici tasarımı kullanılarak Şekil 4.9'deki Durum Gözetleyici Kontrol sistemi tasarlanmıştır.



Şekil 4.7:Durum Geribeslemeli Gözetleyici Tabanlı Kontroliçin Manyetik Levitasyon Sistemi Benzetimi.



Şekil 4.8:Durum Geribeslemeli Gözetleyici Tabanlı KontrolBenzetimi.



Şekil 4.9:Durum Geribeslemeli Gözetleyici Tabanlı KontrolBenzetimi.

### 5. BULGULAR

Bu bölümde tez çalışmasında kullanılan manyetik levitasyon sisteminin kontrolü için daha önce 4.1,4.2,4.3 ve 4.4 numaralı bölümlerdeMatlab/Simulink benzetimleri yapılmış olan kontrol metodlarınınsisteme uygulanması sonucu elde edilen sonuçlar gösterilmiştir.

## 5.1 MANYETİK ASKI SİSTEMİNE UYGULANAN KONTROL METOTLARININ SONUÇLARI

Daha önce Matlab/Simulink Benzetimi simülasyonu yapılan kontrol metotlarının bu benzetim sonuçları ve sistem uygulaması sonuçları bu bölümde karşılaştırmalı olarak gösterilerek anlatılmış, karşılaşılan olumsuzluklara bu bölümde değinilmiştir.Bütün sistem uygulamaları ve simulasyon çalışmalarında sabit referans takibi kullanılmıştır.

### 5.1.1 Manyetik Askı Sistemi PID Benzetim Çalışması

Bu bölümde sistem için bölüm 4.2 de Matlab/Simulink benzetimi simulasyon sonuçları ve sistem için gerçek zamanlı yapılan uygulama sonuçları verilerek karşılaştırılmalı olarak anlatılmıştır.

Sistemin istenildiği gibi kontrol edilebilmesi için P,I,D parametrelerinin iyi belirlenmesi gerekir. Kontrolör parametreleri bölüm 4.1'de anlatılan tasarım yöntemi kullanılarak sistemin gürbüzlüğü ve kararlı duruma geçiş süresi göz önünde bulundurularak belirlenmiştir.Şekil 4.1'deki Manyetik Levitasyon Sistemi ile yapılan simulasyonda PID kontrolör için kapalı çevrim için istenilen  $w_n = 1.4$  ve  $\zeta = 0.8$ değerlerinde P= 28.14I= 65.8D= 5.03değerleri kontrolör parametreleri olarak kullanıldığındaMatlab/Simulink Benzetimi simülasyon sonuçları Şekil 5.1, 5.2,5.3 ile gösterilen grafiklerde görüldüğü gibi teorik olarak sistemin kararlılığı ve kontrolü sağlanmıştır.Sistem h=20 mm denge konumuyla simülasyon gerçekleştirilmiştir, tasarım için h=12 mm ve daha yakın denge konumuylarıyla kontrol sağlamada Matlab/Simulink benzetimi için olumlu sonuçlar alınamadığı için sistem üzerinde gerçek zamanlı olarak denenmemiştir.



Şekil 5.1:Manyetik Askı Sistemi PID kontrol Matlab/Simulink Benzetimi Konum Değişimi Grafiği(h=20mm).





Şekil 5.3:Manyetik Askı Sistemi PID kontrol Matlab/Simulink Benzetimi Akım Değişimi Grafiği(h=20mm)



Şekil 5.4:Manyetik Askı Sistemi PID kontrol sistem uygulamasıKonum Değişimi Grafiği(h=20mm)



Şekil 5.5:Manyetik Askı Sistemi PID kontrol sistem uygulamasıİvme Değişimi Grafiği(h=20mm).



Şekil 5.6:Manyetik Askı Sistemi PID kontrol sistem uygulamasıAkım Değişimi Grafiği(h=20mm).

## 5.1.2 Manyetik Askı Sistemi Kayan Kipli Kontrol Çalışması Benzetimi Ve Sonuçları

Bu bölümde daha önce 4.3 numaralı başlık altında simülasyonu yapılmış olan Manyetik Askı Sisteminin Kayan Kipli Kontrolünün sistem üzerine uygulamarıve elde edilen sonuçlar gösterilmiştir.Bu benzetim çalışmasında da daha önce belirtilen durum denklemlerine göre sistemin h=11 mm denge konumunda tutulması hedeflenereksistem tepkisi mıknatıs küre hızı ve hız değişimi olan ivme değeri gözlemlenmiştir.

Sistem uygulamalarıve Matlab/Simulink simülasyon Benzetimi için farklı  $c_1, c_2, c_3$  değerleriyle elde edilen sonuçlar grafikler üzerinde gösterilmiştir kullanılan değerler için mıknatıs kürenin hız ve hız değişimin simulasyonlarda gözlemlendiği gibi sıfıra yakınsadığı gözlemlenmiştir. Ancak denge konumu olarak belirlenen h=11 mm için simülasyon ve gerçek zamanlı uygulama çalışması farklı sonuçlar vermiştir sistem tam olarak istenilen konum olan h=11 mm de değil gerçek zamanlı çalışmada 11.148 mm de küçük bir sapma ve ossilasyonla dengede tutulabilmiştir yapılan simülasyon çalışmasına göre ise sistemin 11.125 mm'de dengede tutulabileceği sonucunda ulaşıldıktan sonra gerçek zamanlı olarak sistem uygulamaları denenmiştir.Önerilen Kayan kipli kontrol yöntemiyle sistem kontrol edilmiştir.



Şekil 5.7:  $c_1 = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için sistem uygulaması yakınlaştırılmış  $z_1$ (konum) değişim grafiği.



Şekil 5.8: $c_{1,} = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için sistem Uygulaması  $z_1$ (konum) değişim grafiği.



**Şekil 5.9:** $c_{1,} = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3=44.2945$  Değerleri için Matlab/Simulink Benzetimi simülasyon $z_1$ (konum) değişim grafiği.



Şekil 5.10: $c_{1} = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için Sistem uygulaması yakınlaştırılmış  $z_2$ (ivme) değişim grafiği.









Şekil 5.13: $c_{1,} = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için sistem uygulaması yakınlaştırılmış $z_3$ (akım)değişim grafiği.


Şekil 5.14: $c_{1} = -44.2945$ ,  $c_2 = +160.3460$ ,  $c_3 = 44.2945$  Değerleri için sistem

uygulaması  $z_3(akım)$ değişim grafiği.



Şekil 5.16: $c_{1,} = -38.3523, c_2 = +113.2450, c_3 = 38.3523$ Değerleri için yakınlaştırılmış için sistem uygulaması $z_1$ (konum) değişim grafiği.











Şekil 5.19: $c_{1,} = -38.3523$ ,  $c_2 = +113.2450$ ,  $c_3=38.3523$ Değerleri için sistem uygulaması yakınlaştırılmış  $z_2$ (ivme) değişim grafiği.



Şekil 5.20: $c_{1} = -38.3523$ ,  $c_{2} = +113.2450$ ,  $c_{3} = 38.3523$ Değerleri için sistem uygulaması  $z_2$ (ivme) değişim grafiği.





Şekil 5.22: $c_{1} = -38.3523$ ,  $c_2 = +113.2450$ ,  $c_3 = 38.3523$  Değerleri için yakınlaştırılmış  $z_3(akım)$ değişim grafiği.



Şekil 5.23: $c_{1,} = -38.3523, c_2 = +113.2450, c_3 = 38.3523$  Değerleri için sistem uygulaması  $z_3$ (akım) değişim grafiği.



Şekil 5.24: $c_{1,} = -38.3523$ ,  $c_2 = +113.2450$ ,  $c_3 = 38.3523$  Değerleri için  $z_3$ Matlab/Simulink Benzetimi simülasyon (konum)değişim grafiği.

## 5.1.3 Manyetik Askı Sistemi DurumGeribeslemeli Gözetleyici Temelli Kontrol Benzetim Çalışması

Bölüm 4.4'de benzetimi yapılan durum gözetleyici tabanlı kontrol uygulaması sonuçları aşağıdaki Şekil 5.26,Şekil 5.27,Şekil 5.28,Şekil 5.29,Şekil 5.30,Şekil 5.31,Şekil 5.32 'degösterilmiştir.Elde edilen sonuçlar gözetleyicinin sistemi simülasyonlarda elde edilenden farklı takip ettiği gözlemlense de gözetleyicinin kestirimlerinin yeterince iyi olduğu ve sistem hatasının sıfıra yakınsayacak şekilde sistemi takip ettiği gözlemlenmiştir. Sistem kararlı halde iken manyetik küre çok küçük osilasyonlar yaparak bu kontrol metoduyla havada askında tutulabilmiştir. Şekil 5.26,5.27 ve 5.28 ' de yapılan gözlemlere göre sistemin simülasyon sonucuyla küçük farklılıklar olsada gözetleyicinin kestirimlerinin çok yakın olduğu ve sistemin Manyetik Küreyi küçük bir sapma ile 20 mm'de dengede tutabildiği ve sabit referans takibi yapılabildiği gözlemlenmiştir.Görülen herhangi bir koşulla başlayan sistemin durum değişkenlerinin sıfıra gitmesi Manyetik Levitasyon Sisteminin tamamıyla kontrol edildiği anlamına gelmektedir. Bununla birlikte şekillerde görülen kestirimi yapılan ve ölçülen durum değerleri değişkenlerinin birbirine yakınsaması ve aralarındaki farkın sıfır olması tasarlanan gözetleyicinin başarılı bir şekilde sistemi takip ederek kestirim yaptığını gösterir



Şekil 5.25:Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistem uygulaması yakınlaştırılmış konum değişim grafiği.





Şekil 5.27:Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistemi Matlab/Simulinksimulasyonuygulaması konum değişim grafiği.



Şekil 5.28:Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistem uygulaması ivme değişim grafiği.



değişim grafiği.



Şekil 5.30:Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistemi

Matlab/Simulinksimulasyon uygulaması ivme değişim grafiği.



Şekil 5.31:Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistem uygulaması akım değişim grafiği.



değişim grafiği.



Şekil 5.33::Durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrol sistem Matlab/Simulinksimulasyon uygulaması akım değişim grafiği.

## 6. SONUÇLAR

Tasarlanan kontrolörler kullanılarak, kararsız, çok hızlı ve doğrusal olmayan bir sistem olan EMLS'nin kontrolü sağlanmıştır.Yapılan çalışmalar sonucu tasarımları önerilen kontrol yöntemlerinden sabit referans takip içinmodellemeleri önce MATLAB/Simulink üzerinde gerçeklenerekHilink kontrol kartı üzerinde EMLS'nin kontrolü sağlanmıştır.Benzetim ve uygulamada elde edilen sonuçlar karşılaştırılarak tasarlanan manyetik sistemlerin uyumları kontrol edildikten sonra oluşturulan geribeslemeli kontrol sistemleri ile P.I.D kontrolör ve durum geri beslemeli gözetleyeci tabanlı kontrolörün ve Kayan Kipli kontrolörden daha kötü bir performans gösterdiği, kayankipli kontrolörün de kontrolörün durum geri beslemeli gözetleyici tabanlı kontrolörden daha robust ve kararlı bir performans sergilediği bununla birlikte topun sadece kayan kip kontrolör ile h=12 mm noktasına yakın bir noktada dengede tutulabildiği gözlemlenmiştir. Yapılan gözlemlerin MATLAB kullanılarak grafikleri oluşturulmuş ve değerlendirmeleri yapılmıştır.Hem çıkış işaretinin referans işaretini izlemesi, hem kontrol işaretinin yeterliliği, hem de durum değişkenlerinin değerleri açısından gözlemler yapılmıştır.

Sistem tasarımında askıya alınacak nesnenin pozisyon bilgisini oluşturacak algılayıcı seçiminin büyük önem arz ettiği görülmüştür. Bu algılayıcının gürültüsüz ve doğrusal cevapla çalışması sistem tasarımının performansını belirlemede etkin rol oynamaktadır. Aynı şekilde kontrolör seçimi ve bu kontrolöre ait parametrelerin seçimi de başarılı bir askı düzeneği için çok önemlidir.

67

## 7. KAYNAKLAR

Barie W. ,Chiasson, J., "Lineer andNonlinearState-Space ControllersforMagneticLevitation", *International Journal of SystemsScience*, Volume 27, (1996).

Camacho O., Smith C.A., "SlidingMode Control: An ApproachtoRegulate NonlinearChemicalProcess" *ISA Transactions*, 205 – 218,(2000).

Carl R., "A solenoidand a bar magnetandtheirmagneticfields", <u>http://hyperphysics.phy-</u>

astr.gsu.edu/hbase/magnetic/imgmag/barsol.gif,14.06.2015,HyperPhysics

## Control TutoialsforMatlab,

(http://ctms.engin.umich.edu/CTMS/index.php?example=Introduction&sectio n=ControlPID), Carnegie Mellon University,11.04.2016.

Damiano, A., Gatto, G. L., Marongiu, I., Pisano, A., "Second-OrderSliding-Mode Control of DC Drives", *IEEE Transactions on IndustrialElectronics*, 364-373, (2004).

Erdem S., 2007, "Maglev Trenler Böyle Çalışır", *Bilim ve Teknik Dergisi*, TÜBİTAK,http://www.biltek.tubitak.gov.tr/bdergi/yildiztakimi/pdf/mayis07/114.pdf, 16.05.2011

Guldner, J., Utkin, V. I., "SlidingMode Control forGradientTrackingand Robot Navigation Using ArtificialPotentialFields," *IEEE Transactions on RoboticsandAutomation*, 247 – 254, (1995).

Güven İ."HallEffect(Alan Etkili Sensör)", <u>http://www.ilkerguven.com/elektrik/hall-effect-alan-etkili-</u> sensor.html,14.08.2012

Sira-Ram'ırezH.,Llanes-Santiago O,andArrietaFernandezN.,"On thestabilization of nonlinearsystemsviainput-dependentslidingsurfaces", *Internat. J. RobustNonlinear Control*, 771–780,(1996).

Jayawant,B.,"ElectromagneticSuspensionandLevitationTechniques", University of Sussex, School of Engineering&AppliedSciences, Edward Arnold, Brighton, UK, (1981).

KuoB., Otomatik Kontrol Sistemleri, 192 – 195, (1999).

N. F. Al-MuthairiAnd M. Zribi , "SlidingMode Control Of A MagneticLevitationSystem", *Mathematical Problems in Engineering*, 93-107, (2004).

Samtaş, G. ve Güllü, A., 2006, "Manyetik Yatak Sistemleri üzerine Bir Araştırma", http://mbdergi.pau.edu.tr/index.php/mbdergi/article/viewFile/245/ 229, (16.05.2011).

Sarı, A., "Düşük Kayıplı Manyetik Yataklamalı Volan Enerji Depolama Sistemlerinin H-Infinity Kontrolü", Yüksek Lisans Tezi, *Gebze Yüksek Teknoloji Enstitüsü*,(2006).

Shameli, E., , "Design, Implementationand Control of a MagneticLevitation Device", Doktora Tezi, *University of Waterloo*, MechanicalEngineering, Waterloo, Ontario, Canada,(2008).

Shiao, Y.S., "Design andImplementation of a Controller for a MagneticLevitationSystem", *Proc. Natl. Sci. Counc. ROC(D)*,(2001).

Shkolnikov, I. A., Shtessel, Y. B., Lianos, D. P., Thies, A.T, "RobustMissile Autopilot Design via High-orderSlidingMode Control," *Proceedings of AIAA Guidance, Navigation, and Control Conference*, Denver, USA, (2000).

Tokat, S., "Koordinat Dönüşümüne Dayalı Zamanla Değişen Kayma Yüzeyi Tasarım Yöntemler"i, Doktora Tezi, *İstanbul Teknik Üniversitesi Fen Bilimleri Enstitüsü*, (2003).

KumarV.,JeromeJ.,"LQR based optimal tuning of PID controllerfortrajectorytrackingof MagneticLevitationSystem",*International Conference On DesignAndManufacturing*, 254 – 264 ,( 2013).

RadisavljevicV., "LinearObservers Design AndImplementation", *Conference* of the American Society for Engineering Education, (2014).

KhuenHoW., ChiehHangC., CaoL.S., "Tuning of PIDControllersBasedon GainandPhaseMarginSpecifications", *Automatica*, Vol. 31, (1995).

ÖZGEÇMİŞ

Konferans listesi	:
İletişim Adresi	:Pamukkale Üniversitesi Mekatronik Müh.
Elektronik posta	: msanci@pau.edu.tr
Lisans Üniversite	: Abant İzzet Baysal
Doğum Yeri ve Tarihi	:Erzurum-03.12.1986
Adı Soyadı	: Muhammet Emre Sancı

 Muhammet Emre SANCI, Serdar HALİS, Yavuz KAPLAN, "Study on SurfaceRoughness of CarbonandGlass Fiber FilledPolytetrafluoroethylene in TurningProcess" ICENS International Conference on Engineeringand Natural Science, 2016

• Muhammet Emre SANCI, Serdar HALİS, Yavuz KAPLAN,"Optimization of MachiningParametersto Minimize SurfaceRoughness in Turning of CarbonandGlass Fiber FilledPolytetrafluoroethylene" MDAThe 1st International Conference on Materials Design andApplications , 2016